



FAKULTET TEHNIČKIH NAUKA  
DEPARTMAN ZA GRAĐEVINARSTVO I GEODEZIJU  
GEODEZIJA I GEOINFORMATIKA



## INŽENJERSKA GEODEZIJA

### Geodetske mreže inženjerskih objekata

Doc. dr Mehmed Batilović, mast. inž. geodez.

Novi Sad, 2023/2024

1

### Geodetske mreže objekata

- Geodetska mreža – neophodna osnova u mnogim geodetskim zadacima.
- Geodetska mreža se definiše kao geometrijska konfiguracija tri ili više tačaka na površi Zemlje povezanih geodetskim merenjima.
- Državne geodetske mreže svojom lokacijom i načinom stabilizacije tačaka, kao ni tačnošću položaja tačaka mreže ne zadovoljavaju potrebe geodetskih radova u inženjerstvu.
- Geodetske mreže objekata projektuju se i realizuju za potrebe geodetskih radova u inženjerstvu.

2

## Geodetske mreže objekata

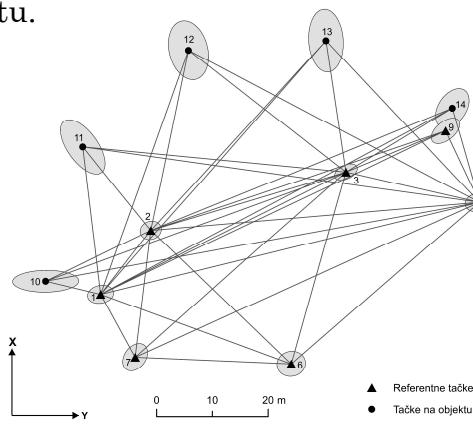
➤ Geodetske mreže objekata se uspostavljaju iz sledećih razloga:

- neodgovarajući položaji tačka državnih geodetskih mreža (trigonometrijska mreža, poligonska mreža i slično);
- nedovoljna gustina tačaka državnih geodetskih mreža;
- neodgovarajuća tačnost položaja tačaka državnih geodetskih mreža;
- nedostatak potrebne dokumentacije pri izdavanju koordinata tačaka (o epohi nastajanja, načinu izravnjanja mreže, tačnosti koordinata i slično).

3

## Geodetske mreže objekata

➤ Geodetska mreža objekta sastoji se od geodetskih tačaka izvan objekta (referentni deo mreže) i tačaka na objektu.



4

## Geodetske mreže objekata

➤ Geodetska mreža objekta prvenstveno služi da:

- definiše matematičku osnovu za prostorno lociranje objekata;
- omogući obeležavanje karakterističnih tačaka, linija i površina građevinskih objekata;
- omogući kontrolu geometrije u toku gradnje;
- omogući osmatranje objekata (mreža se proširuje tačkama van zone očekivanih deformacija i tačkama na objektu čije pomeranje karakteriše pomeranje objekata i tla na kojima se one nalaze).

5

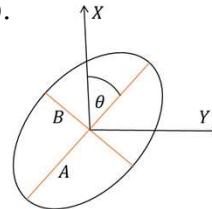
## Karakteristike geodetskih mreža objekata

- Pravovremenost – geodetska mreža se projektuje u fazi izrade idejnog projekta na osnovu definisanog rasporeda svih projektovanih objekata.
- Trajnost – projekat mreže treba da obuhvati celo gradilište i služi do kraja radova na objektu, kao i nakon izgradnje za potrebe geodetskog osmatranja.
- Tačnost – standardno odstupanje položaja tačaka referentne mreže treba da je zanemarljivo u odnosu na potrebnu tačnost obeležavanja (PTO) – po principu zanemarljivosti standardno odstupanje položaja tačaka mreže od 1/5 do 1/3 proračunatog kriterijuma.

6

## Karakteristike geodetskih mreža objekata

- Samostalnost – tačke geodetske mreže, karakteristične tačke, linije i površine objekata moraju biti u istom koordinatnom sistemu, lokalnom ili lokalno uklopljenom bez promene razmere.
- Homogenost – tačnost određivanja položaja svih tačaka mreže treba da bude približno ista. Velika poluosa elipse grešaka za svaku tačku mreže može biti maksimalno dvostruko veća od male poluose ( $A: B \sim 2: 1$ ).



7

## Matematička definicija geodetske mreže

- Skup geodetskih tačaka/repera, datih i traženih, sa skupom  $L_1, L_2, \dots, L_n$  merenih veličina, koje mogu biti i raznorodne, nazvaćemo geodetskom mrežom, ako između ovih  $n$  merenih veličina možemo naći  $q$  ( $q \leq u \leq n$ ) nezavisnih koje ćemo zvati neophodnim, takvih da bilo koji element (veličinu) u mreži, čija vrsta pripada vrsti merenih veličina, možemo izraziti pomoću tih  $q$  neophodnih veličina (Perović, 1986).
- Neka prvih  $q$  merenih veličina pripada skupu neophodnih veličina i neka je  $Y$  bilo koji element mreže, čija vrsta pripada vrsti merenih veličina, tada je:

$$L_j = l_j(L_1, L_2, \dots, L_q), \quad j = q + 1, q + 2, \dots, n$$

$$Y = y(L_1, L_2, \dots, L_q).$$

8

## Matematička definicija geodetske mreže

- Osnovni podaci o broju nezavisnih elemenata neophodnih i dovoljnih za određenost geodetske mreže po obliku, položaju i veličini prikazani su tabeli.

Dimenzija geodetske mreže	Vrsta određenosti geodetske mreže objekta		
	Oblik	Oblik i veličina	Oblik, veličina i položaj
1D	$m - 2$	$m - 1$	$m$
2D	$2m - 4$	$2m - 3$	$2m$
3D	$3m - 7$	$3m - 6$	$3m$

Napomena:  $m$  broj tačaka mreže.

9

## Datum geodetske mreže

- Geodetska merenja (pravci, dužine, visinske razlike, GNSS bazni vektori i slično) definišu samo relativni položaj tačaka mreže, dok su za dobijanje apsolutnih koordinata tačaka potrebne neke dodatne informacije.
- Datum geodetske mreže – parametri koji definišu položaj geodetske mreže u koordinatnom sistemu.
- Osnovni datumski parametri geodetske mreže:
- translacije ( $t_X, t_Y, t_Z$ );
  - rotacije ( $r_X, r_Y, r_Z$ );
  - razmera  $s$ .

10

## Datum geodetske mreže

- Određeni datumski parametri mogu biti definisani na osnovu merenih veličina u geodetskoj mreži.

Merene veličine	Datumski parametri						
	Translacije			Rotacije		Razmara	
	$t_X$	$t_Y$	$t_Z$	$r_X$	$r_Y$	$r_Z$	$s$
Dužine	✗	✗	✗	✗	✗	✗	✓
Horizontalni pravci	✗	✗	✗	✗	✗	✗	✗
Horizontalni uglovi	✗	✗	✗	✗	✗	✗	✗
Azimuti	✗	✗	✗	✗	✗	✓	✗
Zenitni uglovi	✗	✗	✗	✓	✓	✗	✗
GNSS 2D vektori	✗	✗	✗	✗	✗	✓	✓
GNSS 3D vektori	✗	✗	✗	✓	✓	✓	✓
Visinske razlike	✗	✗	✗	✓	✓	✗	✓

11

## Defekt datuma geodetske mreže

- Budući da se na osnovu merenih veličina ne mogu odrediti svi datumski parametri, neophodno je znati ili odrediti još jedan broj datumskih parametara, koji čine defekt mreže ili defekt datuma  $d$ .
- Zavisno od načina na koji se određuju parametri datuma, razlikujemo dve vrste geodetskih mreža:
  - slobodne geodetske mreže – parametri datuma se biraju proizvoljno;
  - neslobodne geodetske mreže – parametri datuma se određuju merenjem.

12

## Podela geodetskih mreža objekata

➤ Prema vrsti objekata za koje se projektuju i realizuju geodetske mreže se mogu podeliti na:

- slobodne mreže (lokalni koordinatni sistem) – za objekte smeštene na manjem području ili gde se traži velika tačnost obeležavanja i praćenja pomeranja i deformacija (mostovi, brane, tuneli);
- neslobodne mreže (uklopljene u držani koordinatni sistem) – za objekte smeštene na većem području gde je potrebno međusobno povezivanje niza objekata ( putevi, železnice, hidroenergetski sistemi).

13

## Podela geodetskih mreža objekata

➤ Prema dimenziji koordinatnog sistema u kojem je definisan položaj tačaka, geodetske mreže se mogu podeliti na:

- visinske mreže – jednodimenzionalni model (1D);
- horizontalne mreže – dvodimenzionalni model (2D);
- prostorne mreže – trodimenzionalni model (3D).

➤ Opažanja u geodetskim mrežama mogu se podeliti na:

- terestrička (pravci, dužine, zenitni uglovi i slično);
- satelitska (GNSS bazni vektori).

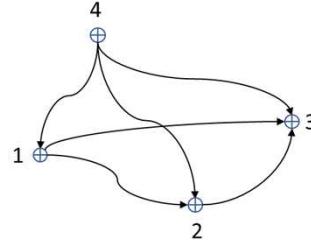
14

## Modeli geodetskih mreža

➤ Konfiguracija geodetske mreže uslovljena je karakteristikama:

- objekta (veličina, namena, oblik, podzemni, nadzemni);
- terena (reljef, okolina, geološki sastav tla).

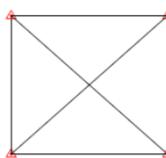
➤ Visinske geodetske mreže (1D), bez obzira na vrstu i veličinu objekta i konfiguraciju terena, projektuju se u obliku zatvorenih poligona.



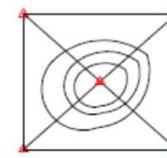
15

## Modeli geodetskih mreža

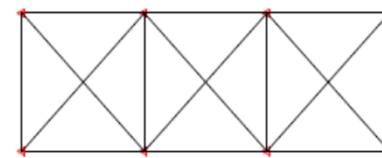
➤ Kod položajnih i prostornih geodetskih mreža razlikujemo nekoliko različitih osnovnih oblika mreža.



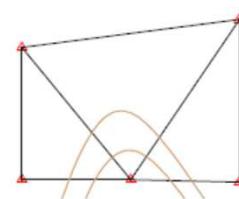
Geodetski četvorougao



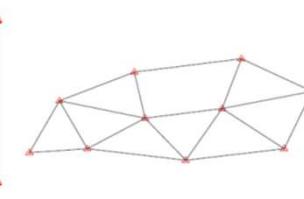
Centralni sistem



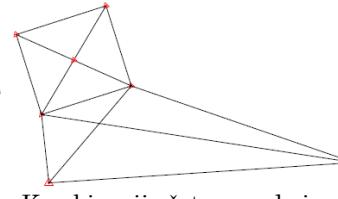
Lanac geodetskih četvorouglova



Lanac geodetskih trouglova



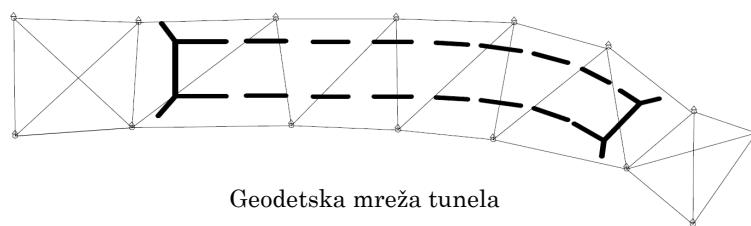
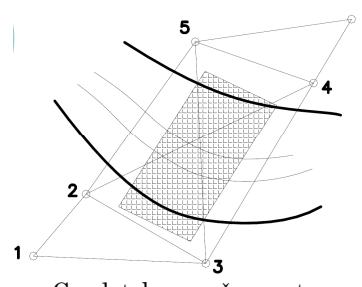
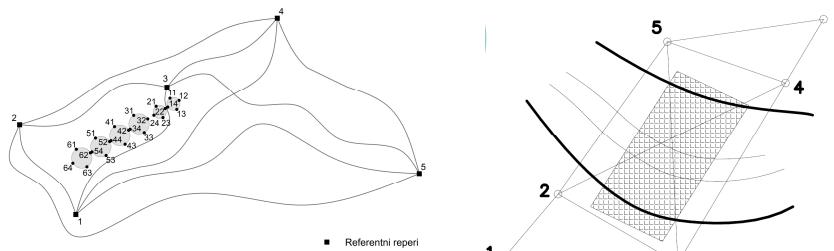
Mreža trouglova



Kombinacija četvorougla i centralnog sistema

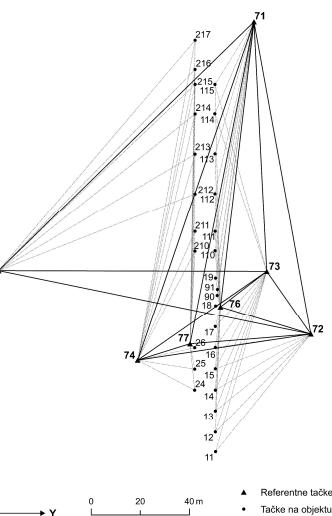
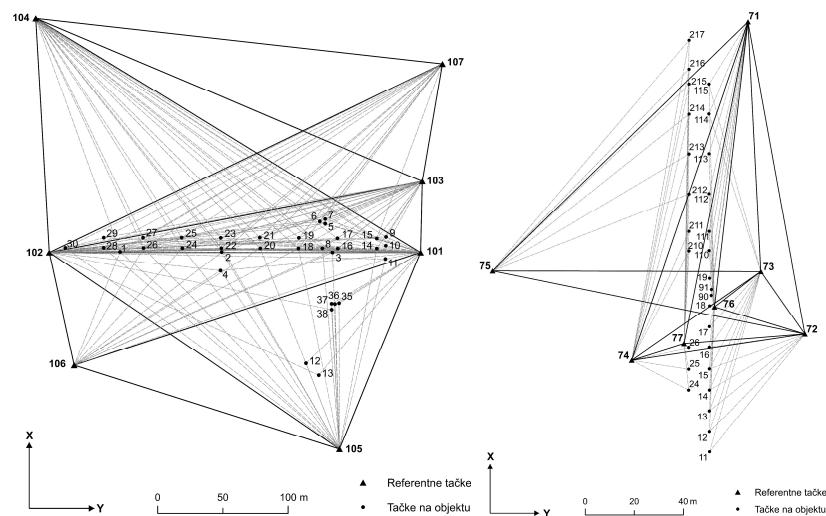
16

## Primeri geodetskih mreža za različite vrste inženjerskih objekata



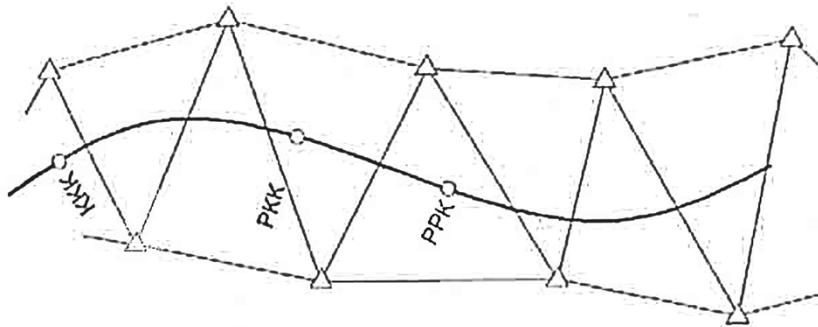
17

## Primeri geodetskih mreža za različite vrste inženjerskih objekata



18

## Primeri geodetskih mreža za različite vrste inženjerskih objekata



Geodetska mreža linijskog objekta

19

## Uspostavljanje geodetskih mreža

- Postupak uspostavljanja geodetske mreže objekta obuhvata sledeće faze:
  - izrada projekta geodetske mreže objekta – konfiguracija mreže i plan opažanja u njoj;
  - realizacija projekta geodetske mreže objekta – rekognosciranje, stabilizacija i signalizacija tačaka mreže, kao i realizacija merenja u mreži;
  - obrada i analiza geodetske mreže – obrada i analiza merenja i *a posteriori* analiza kvaliteta mreže nakon izravnjanja.

20

## Projekat geodetske mreže objekta

- Projekat geodetske mreže objekta se radi pre izlaska na teren ili nakon vizuelnog sagledavanja terena na kome se planira izgradnja nekog objekta, obično u fazi izrade idejnog projekta.
- Način projektovanja mreže direktno je uslovjen karakteristikama objekta i terena, koje utiču na oblik, dimenzije, položaj i broj tačaka geodetske mreže objekta.
- Geodetska mreža mora biti optimalna po pitanju geometrije, preciznosti i pouzdanosti.

21

## Projekat geodetske mreže objekta

- Projekat geodetske mreže objekta u osnovnom sadrži:
  - opštu dokumentaciju o projektu;
  - projektni zadatak;
  - tekstualnu dokumentaciju;
  - numeričku dokumentaciju;
  - grafičku dokumentaciju;
  - prateću dokumentaciju (geodetsku, geološku i drugu).
- Tekstualna dokumentacija – tehnički izveštaj, predmet i predračun radova i tehnički uslovi izvođenja radova.

22

## Projekat geodetske mreže objekta

➤ U okviru projektnog zadatka se uglavnom postavljaju sledeći zahtevi:

- homogena tačnost mreže – tačnost određivanja položaja svih tačaka mreže treba da bude približno ista;
- izotropnost mreže – elipse grešaka svih tačaka mreže treba da teže krugu;
- pouzdanost mreže – kvalitet geodetske mreže sa aspekta mogućnosti otkrivanja grubih grešaka u merenjima i uticaja neotkrivenih grubih grešaka na ocene nepoznatih parametara;
- ekonomičnost.

23

## Projekat geodetske mreže objekta

➤ Tehnički izveštaj ima sledeći okvirni sadržaj (1):

- opšti podaci o projektu;
- testiranje tačaka postojećih mreža;
- ocena stanja stabilizacije tačaka postojećih geodetskih mreža;
- način prestabilizacije tačaka postojećih mreža;
- konfiguracije (geometrija) geodetske mreže objekta;
- optimizacija plana opažanja, težina i tačnosti geodetske mreže objekta;
- izbor instrumenata i metoda merenja;

24

## Projekat geodetske mreže objekta

- Tehnički izveštaj ima sledeći okvirni sadržaj (2):
- analiza metode merenja (razrada metode merenja);
  - parametri za praćenje i kontrolu merenja;
  - model merenja, izravnjanja i ocene tačnosti,
  - način stabilizacije i signalizacije tačaka mreže;
  - koncepcija i organizacija geodetskih radova u toku realizacije projekta;
  - mere zaštite na radu;
  - sadržina elaborata o realizaciji projekta geodetske mreže objekta.

25

## Konfiguracija geodetske mreže i plan opažanja

- Konfiguracija geodetske mreže objekta – broj i raspored tačaka geodetske mreže.
- Karakteristike objekta i okolnog terena direktno utiču na konfiguraciju geodetske mreže.
  - Konfiguracija geodetske mreže zavisi od vrste geodetske mreže i merenih veličina u njoj.
- Optimizacija plana opažanja u geodetskoj mreži.
- Merenje dužina „jača” položaj tačke u smeru merene dužine.
  - Merenje pravaca, uglova i azimuta „jača” položaj tačke u smeru koji je upravan na vizurnu liniju.

26

## Metode merenja

➤ Girusna metoda merenja horizontalnih pravaca i zenitnih uglova.

- Broj girusa.

➤ Merenje dužina u više ponavljanja.

- Meteorološka popravka za kose dužine:

$$K_1[\text{mm}] = \left( 282.1 - \frac{0.2906 \cdot P - 0.0413 \cdot e}{1 + \alpha \cdot t} \right) \cdot S[\text{km}]$$

gde je  $P$  pritisak vazduha u mBar,  $e$  parcijalni pritisak vodene pare ( $e = 0$ ),  $\alpha = 1/273.16$ ,  $t$  temperatura u °C.

➤ Merenje visinskih razlika metodom geometrijskog nivelmana.

27

## Metode merenja

➤ Geometrijski nivelman

Vrsta nivelmana	Verovat. slučajna. greška po km	Rastojanje u km		Način nivelanja visinskih razlika	
		Poligon	Repera	Na stanici	Nivelm. strane
1.Nivelman visoke tačnosti	±1 mm	250	7-8	2 x	napred nazad
2.Precizni nivelman	±2 mm	75-250	4	2 x	napred nazad
3.Tehnički nivelman povećana tačnosti	±5 mm	25-75	2	2 x	napred
4.Tehnički nivelman	±8 mm	25	1	1 x	napred

28

## Parametri za praćenje i kontrolu merenja

➤ Kriterijumi kvaliteta realizovanih merenja mogu biti definisani na sledeći način:

- dozvoljena vrednost dvostrukе greške  $2VV = 8''$ ;
- dozvoljena vrednost dvostrukе kolimacione greške  $2C = 5''$ ;
- dozvoljena razlika merenih dužina napred-nazad 2 mm;
- dozvoljena razlika vrednosti redukovanih pravaca između girusa 5'';
- greška nezatvaranja trougla 4'';
- dozvoljena vrednost nezatvaranja nivelmanског vlaka

$$\Delta_i = 1,96 \cdot 0,4 \text{ mm} \cdot \sqrt{\sum n}.$$

29

## Stabilizacija i signalizacija tačaka geodetske mreže

➤ Načini stabilizacije tačaka geodetske mreže:

- armirano-betonski stubovi sa uređajem za prisilno centrisanje;
- armirano-betonski stubići sa precizno definisanim centrom;
- bolcne sa precizno definisanim centrom;
- klasični ili specijalno izrađeni reperi koji se ugrađuju horizontalno ili vertikalno.

➤ Načini signalizacija tačaka geodetske mreže:

- kompleti za prisilno centrisanje koji se sastoje od prizme i adaptera sa optičkim viskom i libelom;
- prizme;
- specijalizovane markice.

30

## Stabilizacija i signalizacija tačaka geodetske mreže



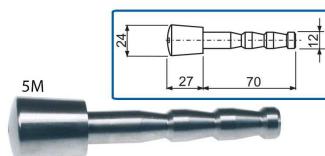
Armirano-betonski stub sa  
uredajem za prisilno centrisanje



Prizma



Komplet za prisilno centrisanje



Reper



Markica

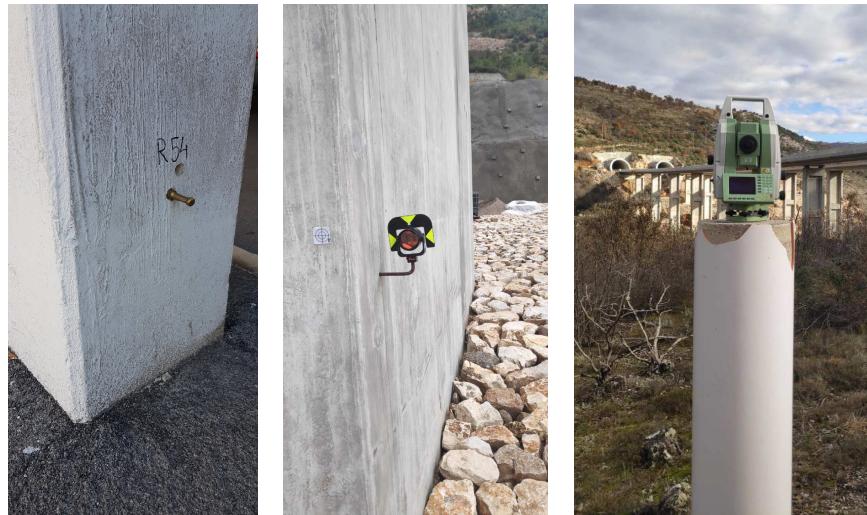
31

## Stabilizacija i signalizacija tačaka geodetske mreže



32

## Stabilizacija i signalizacija tačaka geodetske mreže



33

## Realizacija projekta geodetske mreže objekta

- Realizacija projekta geodetske mreže objekta podrazumeva sledeće radove:
  - testiranje tačaka postojećih mreža;
  - ocena stanja stabilizacije tačaka postojećih mreža;
  - prestabilizacija tačaka postojećih mreža;
  - rekognosciranje – odabir najpovoljnijeg položaja tačaka na terenu;
  - stabilizacija i signalizacija tačaka geodetske mreže objekta;
  - realizaciju merenja u geodetskoj mreži objekta;
  - analizu rezultata merenja;
  - izravnjanje i ocena tačnosti merenja;
  - izrada numeričkih, grafičkih i tabelarnih priloga.

34

## Rekognosciranje i stabilizacija tačaka geodetske mreže objekta

- Rekognosciranje predstavlja postupak izbora najpovoljnijeg položaja tačaka mreže na terenu.
- Prilikom odabira položaja tačaka na terenu treba izbegavati klizišta, sredine parcela, obale reka ili ivicu puta i na taj način smanjiti mogućnost oštećenja ili uništenja tačke.
- Nakon odabira pozicija tačaka mreže vrši se stabilizacija tačaka tipom belege koji je definisan projektom.
- Prisilno centrisanje bez stubova podrazumeva da se postave stativi iznad tačaka, instrumenti i signali se centrišu i horizontiraju i sve vreme merenja se stativi ne pomeraju, već se samo premeštaju instrumenti i signali, ali bez postolja kako bi se očuvalo centrisanje.

35

## Obrada i analiza geodetske mreže

- Obrada i analiza geodetske mreže obuhvata:
  - analizu rezultata merenja;
  - uvođenje popravaka i redukciju merenih veličina;
  - ocenu tačnosti merenih veličina pre izravnjanja – otkrivanje i uklanjanje grubih i sistematskih grešaka (kriterijum značajnosti i raspon merenja);
  - izravnjanje geodetske mreže;
  - otkrivanja i uklanjanja grubih grešaka u postupku izravnjanja (*Data snooping* test,  $\tau$  test);
  - analizu kvaliteta geodetske mreže iz izravnjanja – *a posteriori*.

36

## **Elaborat o realizaciji projekta geodetske mreže objekta**

- Nakon realizacije terenskih merenja i obrade rezultata merenja, izrađuje se odgovarajući elaborat o realizaciji projekta geodetske mreže objekta u kojem su dati dokazi da je projektovana mreža realizovana sa zadovoljavajućom tačnošću.
- Elaborat o realizaciji projekta geodetske mreže objekta sastoji se od:
  - tehničkog izveštaja;
  - numeričkih i grafičkih priloga.

Primer projekta geodetske mreže objekta i elaborata o realizaciji projekta geodetske mreže objekta.

37

**PITANJA?**

38