



FAKULTET TEHNIČKIH NAUKA  
DEPARTMAN ZA GRAĐEVINARSTVO I GEODEZIJU  
GEODEZIJA I GEOINFORMATIKA



## INŽENJERSKA GEODEZIJA

### Analitička razrada geometrije projektovanog objekta – III deo

Doc. dr Mehmed Batilović, mast. inž. geodez.

Novi Sad, 2023/2024

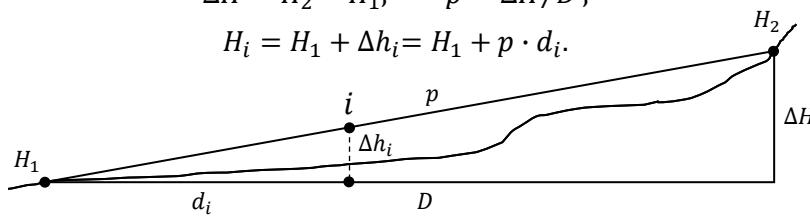
1

### Linija projektovanog nagiba

- Linija projektovanog nagiba – prava ili kriva linija predstavljena određenim brojem tačaka.
- Niveleta – uzdužna linija koja definiše visinski tok puta, pruge, cevovoda, kanala i slično.
- Određivanje visina tačaka prave linije projektovanog nagiba:

$$\Delta H = H_2 - H_1, \quad p = \Delta H/D,$$

$$H_i = H_1 + \Delta h_i = H_1 + p \cdot d_i.$$



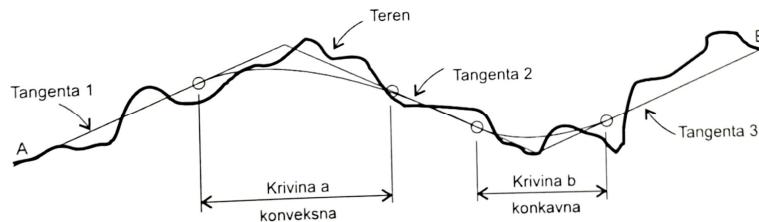
2

## Vertikalne krivine

➤ Kontinualni prelaz iz pravca u pravac, odnosno postepena promena nagiba nivelete saobraćajnice, obezbeđuje se umetanjem vertikalnih krivina.

➤ Osnovni tipovi vertikalnih krivina:

- konveksna – prelazi se iz pozitivnog u negativan nagib;
- konkavna – prelazi se iz negativnog u pozitivan nagib.



3

## Vertikalne krivine

➤ Prilikom projektovanja osovine saobraćajnice u visinskom smislu potrebno je uzeti u obzir sledeće:

- usklađivanje sa profilom terena;
- izjednačenje zapremine iskopanog i nasutog materijala;
- obezbeđenje adekvatne drenaže;
- poštovanje dozvoljenih nagiba;
- obezbeđenje ukrštanja sa drugim saobraćajnicama.

➤ Vertikalne krivine treba da:

- budu prilagođene tangencijalnim segmentima nivelete;
- budu dovoljne dužine kako bi obezbedile konformnu vožnju;
- obezbede preglednost i bezbednost.

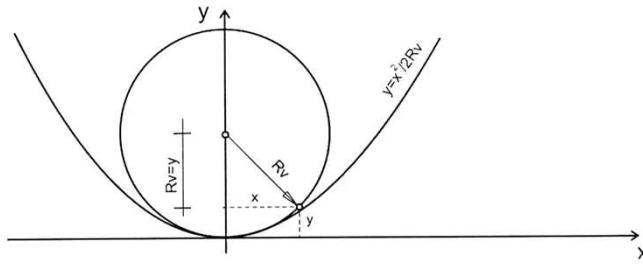
4

## Vertikalne krivine

➤ Najčešće se koriste vertikalne krivine u obliku:

- kružnog luka;
- parabole.

➤ Krive u obliku parabole i kružnog luka obezbeđuju konstantni stepen promene nagiba, odnosno zaobljenja.



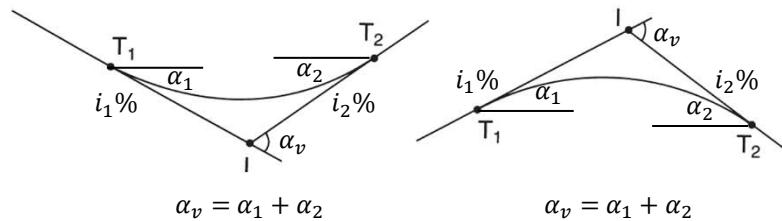
5

## Određivanje skretnog ugla vertikalne krivine

➤ Uglovi nagiba određuju se na osnovu zadatih nagiba:

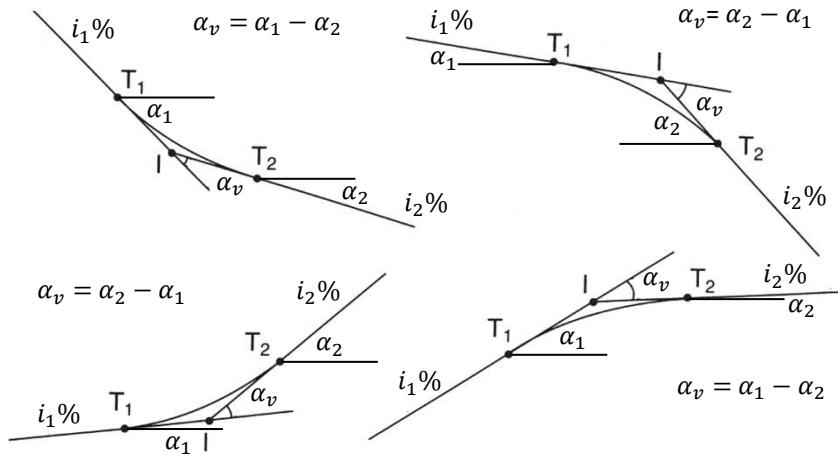
$$\alpha_j = \operatorname{arctg} \left( \frac{i_j \%}{100} \right).$$

➤ Skretni ugao se dobija sabiranjem ili oduzimanjem uglova nagiba.



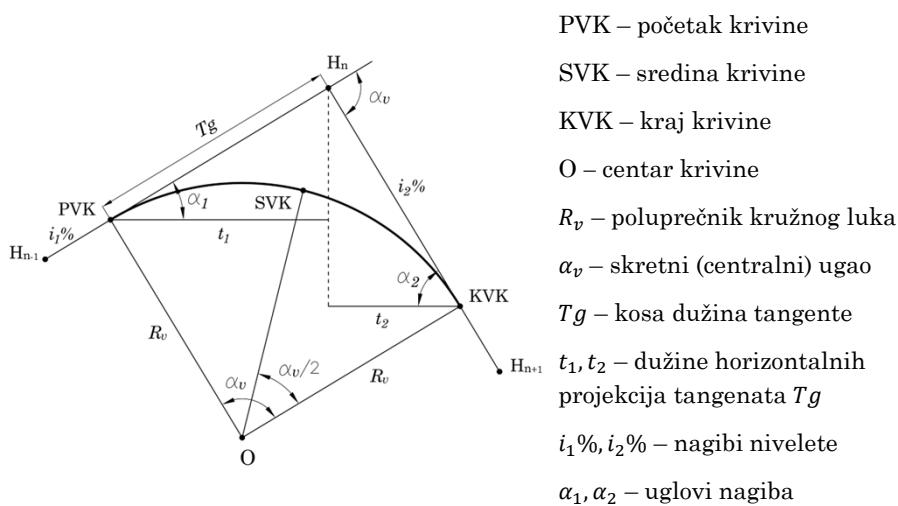
6

## Određivanje skretnog ugla vertikalne krivine



7

## Vertikalna kružna krivina



8

## Određivanje elemenata i visina glavnih tačaka vertikalne kružne krivine

Dato:  $R_v, \alpha_1, \alpha_2, H_n$ .

$$\alpha_v = \alpha_1 + \alpha_2$$

Nepoznato:  $Tg, t_1, t_2, H_{PVK}, H_{SVK}, H_{KVK}$ .

$$Tg = R_v \cdot \operatorname{tg}(\alpha_v/2)$$

$$t_1 = Tg \cdot \cos(\alpha_1)$$

$$t_2 = Tg \cdot \cos(\alpha_2)$$

$$x = R_v \cdot \sin(\alpha_v/2)$$

$$y = R_v - R_v \cdot \cos(\alpha_v/2)$$

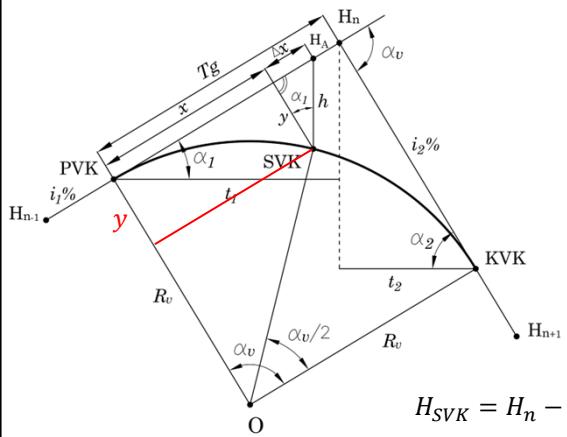
$$h = y/\cos(\alpha_1)$$

$$\Delta x = y \cdot \operatorname{tg}(\alpha_1)$$

$$H_{PVK} = H_n - Tg \cdot \sin(\alpha_1)$$

$$H_{KVK} = H_n - Tg \cdot \sin(\alpha_2)$$

$$H_{SVK} = H_n - (Tg - x - \Delta x) \cdot \sin(\alpha_1) - h$$



9

## Određivanje visina detaljnih tačaka vertikalne kružne krivine

Dato:  $R_v, \alpha_1, \alpha_2, Tg, H_n$ .

Dužina apscise  $x_1$  tačke 1 se usvaja.

Nepoznato:  $H_1, \dots, H_n$ .

$$y_1 = R_v - \sqrt{R_v^2 - x_1^2}$$

$$\Delta x_1 = y_1 \cdot \operatorname{tg}(\alpha_1), h_1 = y_1/\cos(\alpha_1)$$

$$t_1 = (x_1 + \Delta x_1) \cdot \cos(\alpha_1)$$

$$H_1 = H_n - (Tg - x_1 - \Delta x_1) \cdot \sin(\alpha_1) - h_1$$

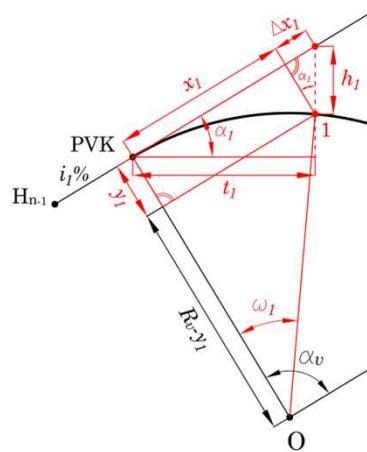
Opšti oblik:

$$y_i = R_v - \sqrt{R_v^2 - x_i^2}$$

$$\Delta x_i = y_i \cdot \operatorname{tg}(\alpha_1), h_i = y_i/\cos(\alpha_1)$$

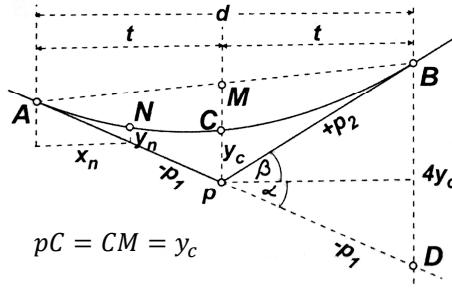
$$t_i = (x_i + \Delta x_i) \cdot \cos(\alpha_1)$$

$$H_i = H_n - (Tg - x_i - \Delta x_i) \cdot \sin(\alpha_1) - h_i$$



10

## Vertikalna krivina u obliku parabole sa simetričnim tangentama



$A \equiv \text{PVK}$  – početak krivine  
 $C \equiv \text{SVK}$  – sredina krivine  
 $B \equiv \text{KVK}$  – kraj krivine  
 $p$  – teme krivine  
 $t$  – dužina horizontalne projekcije tangente  
 $p_1, p_2$  – nagibi nivelete

➤ Budući da je trougao  $AMP$  sličan trouglu  $ABD$  može se napisati:

$$\begin{aligned} \frac{BD}{2t} &= \frac{Mp}{t} \Rightarrow BD = \frac{2y_c}{t} \cdot 2t = 4y_c, \\ BD &= t \cdot p_1 + t \cdot p_2 \Rightarrow y_c = \frac{d}{8} \cdot p, p = p_1 + p_2. \end{aligned}$$

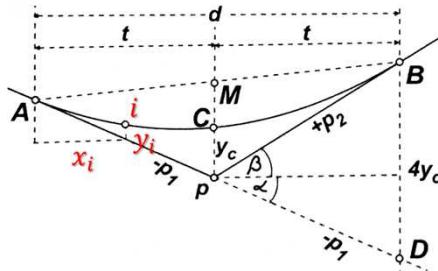
11

## Određivanje visina tačaka vertikalne krivine u obliku parabole sa simetričnim tangentama

➤ Polazeći od jednačine kvadratne parabole  $y = k \cdot x^2$  dobija se:

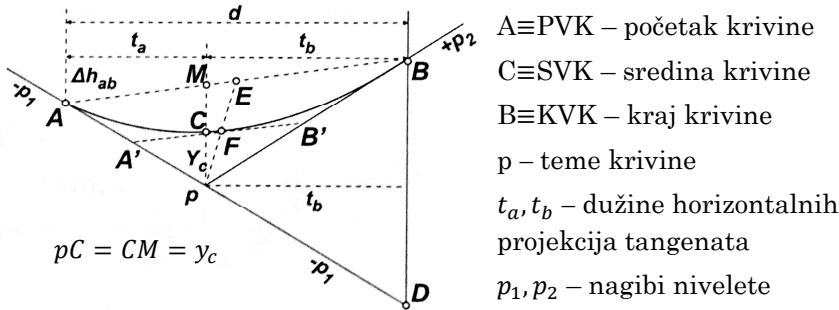
$$\frac{y_i}{y_c} = \left(\frac{x_i}{t}\right)^2 \Rightarrow y_i = y_c \cdot \left(\frac{x_i}{t}\right)^2 \Rightarrow y_i = \frac{x_i^2}{2d} \cdot p,$$

$$H_i = H_{\text{PVK}} - p_1 \cdot x_i + y_i, \quad H_i = H_{\text{KVK}} - p_2 \cdot x_i + y_i.$$



12

## Vertikalna krivina u obliku parabole sa asimetričnim tangentama



➤ Budući da je trougao  $AMP$  sličan trouglu  $ABD$  može se napisati:

$$\frac{BD}{t_a + t_b} = \frac{Mp}{t_a} \Rightarrow Mp = \frac{BD}{t_a + t_b} \cdot t_a \Rightarrow y_c = \frac{BD}{d} \cdot \frac{t_a}{2},$$

$$BD = t_b \cdot p_1 + t_b \cdot p_2 \Rightarrow y_c = \frac{t_a \cdot t_b}{2d} \cdot p, p = p_1 + p_2.$$

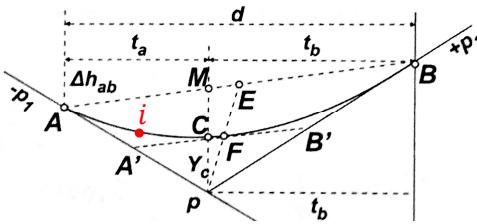
13

## Određivanje visina tačaka vertikalne krivine u obliku parabole sa asimetričnim tangentama

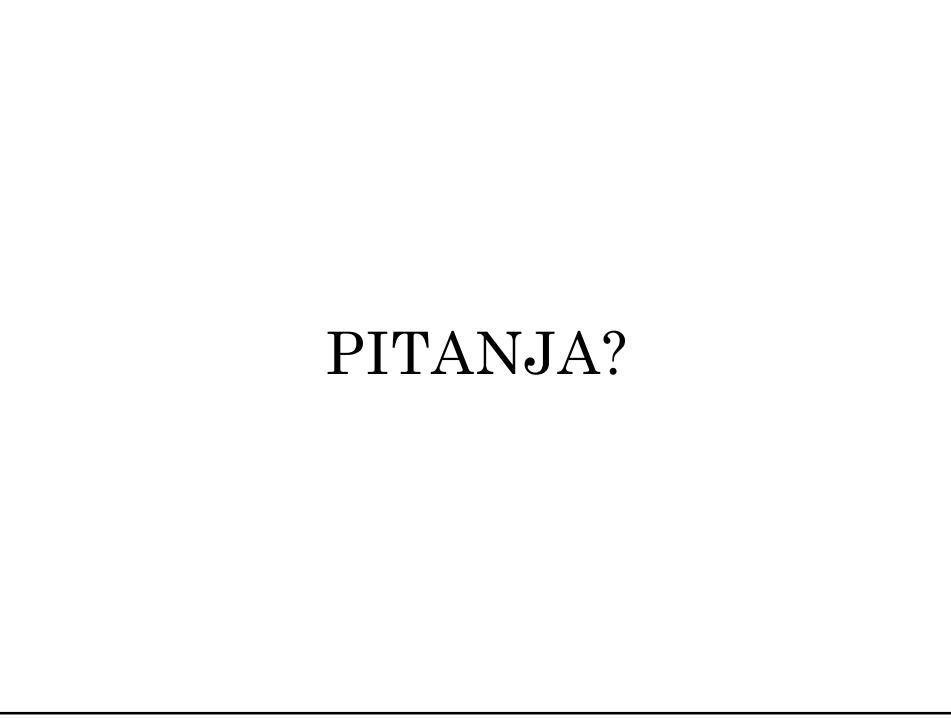
➤ Polazeći od jednačine kvadratne parabole  $y = k \cdot x^2$  dobija se:

$$\frac{y_i}{y_c} = \left( \frac{x_i}{t_a} \right)^2, \frac{y_i}{y_c} = \left( \frac{x_i}{t_b} \right)^2 \Rightarrow y_i = y_c \cdot \left( \frac{x_i}{t_a} \right)^2, y_i = y_c \cdot \left( \frac{x_i}{t_b} \right)^2,$$

$$H_i = H_{\text{PVK}} - p_1 \cdot x_i + y_c \cdot \left( \frac{x_i}{t_a} \right)^2, H_i = H_{\text{KVK}} - p_2 \cdot x_i + y_c \cdot \left( \frac{x_i}{t_b} \right)^2.$$



14



PITANJA?