

FAKULTET TEHNIČKIH NAUKA
GEODEZIJA I GEOINFORMATIKA

INŽENJERSKA GEODEZIJA 2
- ZADATAK 1 -

NOVI SAD, 2022

Projektovanje lokalnih geodetskih mreža

- Projekat geodetske mreže sadrži:
 - Opšti deo;
 - Stručni deo.
- U stručnom delu projekta uglavnom se definišu:
 - Oblik (konfiguracija) mreže i plan opažanja;
 - Metoda i tehnike merenja, instrumenti i pribor za merenje;
 - Kriterijumi za praćenje i kontrolu merenja;
 - Matematički model izravnjanja;
 - Organizacija rada na terenu (broj izvršilaca, oprema itd.);
 - Predmer i predračun radova.

Projektovanje lokalnih geodetskih mreža

- Pošto se utvrdi konfiguracija terena, sagleda raspoloživi instrumentarij sa svojim karakteristikama i izvrši izbor metode merenja, u postupku **prethodne ocene tačnosti i analize pouzdanosti geodetske mreže**, može se odrediti tačnost i pouzdanost buduće geodetske mreže i njen odnos prema kriterijuma kvaliteta koji su definisani u okviru projektnog zadatka.

Prethodna ocena tačnosti i analiza pouzdanosti geodetske mreže

- Gaus-Markovljev model izravnjanja

$$\mathbf{v} = \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{f} \quad - \text{funkcionalni model}$$

$$\mathbf{P}_l = \mathbf{Q}_l^{-1}, E(\mathbf{v}) = \mathbf{0} \quad - \text{stohastički model}$$

- Funkcionalnim modelom je definisana funkcionalna (matematička) veza između merenih veličina i nepoznatih parametara modela.
- Stohastički model definiše određene pretpostavke u vezi sa merenjima.

Funkcionalni model

- Funkcije veze

$$\alpha_{i-j} + v_{\alpha_{i-j}} = \arctan\left(\frac{Y_j - Y_i}{X_j - X_i}\right) + Z_i$$

– horizontalni pravci

$$\varphi_{i-j} + v_{\varphi_{i-j}} = \arctan\left(\frac{Y_j - Y_i}{X_j - X_i}\right)$$

– orijentisani pravci

$$\beta_{j-i-k} + v_{\beta_{j-i-k}} = \arctan\left(\frac{Y_k - Y_i}{X_k - X_i}\right) - \arctan\left(\frac{Y_j - Y_i}{X_j - X_i}\right)$$

– horizontalni ugao

$$D_{i-j} + v_{D_{i-j}} = \sqrt{(Y_j - Y_i)^2 + (X_j - X_i)^2}$$

– horizontalne dužine

Funkcionalni model

- Funkcije veze linearizuju se razvojem u Tejlorov red u okolini približnih vrednosti nepoznatih parametara, nakon čega se dobijaju jednačine popravaka:

$$v_{\alpha_{i-j}} = a_{ij} \cdot dX_i + b_{ij} \cdot dY_i + a_{ji} \cdot dX_j + b_{ji} \cdot dY_j + dZ_i + f_{\alpha_{i-j}}$$

$$v_{\varphi_{i-j}} = a_{ij} \cdot dX_i + b_{ij} \cdot dY_i + a_{ji} \cdot dX_j + b_{ji} \cdot dY_j + f_{\varphi_{i-j}}$$

$$v_{\beta_{j-i-k}} = (a_{ik} - a_{ij}) \cdot dX_i + (b_{ik} - b_{ij}) \cdot dY_i + a_{ki} \cdot dX_k + b_{ki} \cdot dY_k - a_{ji} \cdot dX_j - b_{ji} \cdot dY_j + f_{\beta_{j-i-k}}$$

$$v_{D_{i-j}} = A_{ij} \cdot dX_i + B_{ij} \cdot dY_i + A_{ji} \cdot dX_j + B_{ji} \cdot dY_j + f_{D_{i-j}}$$

Funkcionalni model

- Slobodni članovi

$$f_{\alpha_{i-j}} = \alpha_{i-j}^0 - \alpha_{i-j}, \quad \alpha_{i-j}^0 = v_i^j + Z_i^0, \quad v_i^j = \arctan\left(\frac{Y_j^0 - Y_i^0}{X_j^0 - X_i^0}\right)$$

$$f_{\varphi_{i-j}} = \varphi_{i-j}^0 - \varphi_{i-j}, \quad \varphi_{i-j}^0 = v_i^j, \quad v_i^j = \arctan\left(\frac{Y_j^0 - Y_i^0}{X_j^0 - X_i^0}\right)$$

$$f_{\beta_{j-i-k}} = \beta_{j-i-k}^0 - \beta_{j-i-k}, \quad \beta_{j-i-k}^0 = v_i^k - v_i^j, \quad v_i^k = \arctan\left(\frac{Y_k^0 - Y_i^0}{X_k^0 - X_i^0}\right), \quad v_i^j = \arctan\left(\frac{Y_j^0 - Y_i^0}{X_j^0 - X_i^0}\right)$$

$$f_{D_{i-j}} = D_{i-j}^0 - D_{i-j}, \quad D_{i-j}^0 = \sqrt{(Y_j^0 - Y_i^0)^2 + (X_j^0 - X_i^0)^2}$$

$Y_i^0, Y_j^0, Y_k^0, X_i^0, X_j^0, X_k^0, Z_i^0$ - približne vrednosti nepoznatih parametara

Funkcionalni model

- Koeficijenti a_{ij} , b_{ij} , A_{ij} i B_{ij}

$$a_{ij} = \left(\frac{\partial \alpha_{i-j}}{\partial X_i} \right)_0 = \frac{\rho'' \sin v_i^j}{D_{i-j}^0}$$

$$b_{ij} = \left(\frac{\partial \alpha_{i-j}}{\partial Y_i} \right)_0 = -\frac{\rho'' \cos v_i^j}{D_{i-j}^0}$$

$$A_{ij} = \left(\frac{\partial D_{i-j}}{\partial X_i} \right)_0 = -\cos v_i^j$$

$$B_{ij} = \left(\frac{\partial D_{i-j}}{\partial Y_i} \right)_0 = -\sin v_i^j$$

Funkcionalni model

• Primer – dvodimenzionalna geodetska mreža

Za potrebe izgradnje objekta projektuje se dvodimenzionalna geodetska mreža koja se sastoji od 4 tačke. U mreži je planirano merenje horizontalnih pravaca u dva girusa i dužina sa dva ponavljanja. Standard merenja pravaca iznosi 2", a horizontalnih dužina 2 mm + 2ppm. Na osnovu usvojenog plana opažanja sprovesti postupak prethodne ocene tačnosti i analize pouzdanosti:

- Kada je datum definisan na klasičan način tačkama 1 i 3 (Y_1, X_1 i Y_3).
- Minimalnim tragom kofaktorske matrice $Q_{\hat{x}}$.

Jednačine popravaka:

$$v_{\alpha_{1-2}} = a_{12} \cdot dX_1 + b_{12} \cdot dY_1 + a_{21} \cdot dX_2 + b_{21} \cdot dY_2 + dZ_1 + f_{\alpha_{1-2}}$$

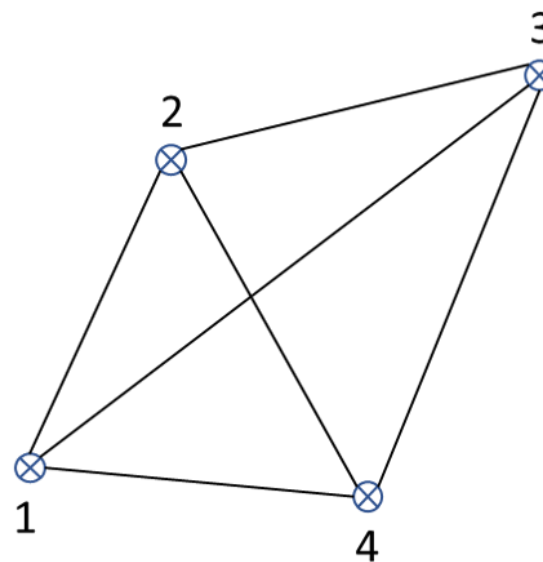
⋮

$$v_{\alpha_{2-3}} = a_{23} \cdot dX_2 + b_{23} \cdot dY_2 + a_{32} \cdot dX_3 + b_{32} \cdot dY_3 + dZ_2 + f_{\alpha_{2-3}}$$

$$v_{D_{1-2}} = A_{12} \cdot dX_1 + B_{12} \cdot dY_1 + A_{21} \cdot dX_2 + B_{21} \cdot dY_2 + f_{D_{1-2}}$$

⋮

$$v_{D_{4-3}} = A_{34} \cdot dX_3 + B_{34} \cdot dY_3 + A_{43} \cdot dX_4 + B_{43} \cdot dY_4 + f_{D_{4-3}}$$



Funkcionalni model

- **Primer – dvodimenzionalna geodetska mreža**

Formiranje matrice dizajna **A**:

$$\mathbf{A} = \begin{array}{c}
 \begin{array}{cccccccccc}
 dY_1 & dX_1 & dY_2 & dX_2 & dY_3 & dX_3 & dY_4 & dX_4 & dZ_1 & dZ_2
 \end{array} \\
 \left[\begin{array}{cccccccccc}
 b_{12} & a_{12} & b_{21} & a_{21} & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\
 b_{13} & a_{13} & 0 & 0 & b_{31} & a_{31} & 0 & 0 & 1 & 0 \\
 b_{14} & a_{14} & 0 & 0 & 0 & 0 & b_{41} & a_{41} & 1 & 0 \\
 0 & 0 & b_{24} & a_{24} & 0 & 0 & b_{42} & a_{42} & 0 & 1 \\
 b_{12} & a_{12} & b_{21} & a_{21} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
 0 & 0 & b_{23} & a_{23} & b_{32} & a_{32} & 0 & 0 & 0 & 1 \\
 B_{12} & A_{12} & B_{21} & A_{21} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 B_{13} & A_{13} & 0 & 0 & B_{31} & A_{31} & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 B_{14} & A_{14} & 0 & 0 & 0 & 0 & B_{41} & A_{41} & 0 & 0 \\
 0 & 0 & B_{24} & A_{24} & 0 & 0 & B_{42} & A_{42} & 0 & 0 \\
 B_{12} & A_{12} & B_{21} & A_{21} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & B_{23} & A_{23} & B_{32} & A_{32} & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & B_{34} & A_{34} & B_{43} & A_{43} & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & B_{34} & A_{34} & B_{43} & A_{43} & 0 & 0
 \end{array} \right] \begin{array}{l}
 \alpha_{1-2} \\
 \alpha_{1-3} \\
 \alpha_{1-4} \\
 \alpha_{2-4} \\
 \alpha_{2-1} \\
 \alpha_{2-3} \\
 D_{1-2} \\
 D_{1-3} \\
 D_{1-4} \\
 D_{2-4} \\
 D_{2-1} \\
 D_{2-3} \\
 D_{3-4} \\
 D_{4-3}
 \end{array}
 \end{array}$$

Primena metoda najmanjih kvadrata (MNK)

- Sistem normalnih jednačina

$$\mathbf{N}\hat{\mathbf{x}} + \mathbf{n} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{N} = \mathbf{A}^T \mathbf{P} \mathbf{A}$$

$$\mathbf{n} = \mathbf{A}^T \mathbf{P} \mathbf{f}$$

- Ocena nepoznatih parametara i popravaka merenih veličina

$$\hat{\mathbf{x}} = -\mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{x}}} \cdot \mathbf{n}, \quad \mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{x}}} = \mathbf{N}^{-1}$$

$$\hat{\mathbf{v}} = \mathbf{A}\hat{\mathbf{x}} + \mathbf{f}$$

Kontrola računanja:

$$\hat{\mathbf{v}}^T \mathbf{P} \hat{\mathbf{v}} \equiv \mathbf{f}^T \mathbf{P} \mathbf{f} + \mathbf{n}^T \hat{\mathbf{x}}$$

- Ocena disperzionog koeficijenta

$$m_0^2 = \frac{\hat{\mathbf{v}}^T \mathbf{P} \hat{\mathbf{v}}}{f}$$

$f = n - u + d$, n – broj merenja, u – broj nepoznatih parametara,
 d – defekt datuma geodetske mreže

Definisanje datuma geodetskih mreža

- Kod slobodnih geodetskih mreža matrica dizajna \mathbf{A} ima nepotpun rang $r(\mathbf{A}) = r < u$, tj. broj njenih linearno nezavisnih kolona je manji od broja nepoznatih parametara u . U tom slučaju matrica koeficijenata normalnih jednačina $\mathbf{N} = \mathbf{A}^T \mathbf{P} \mathbf{A}$ je singularna, jer je $\det(\mathbf{N}) = 0$.
- Veličina $d = u - r$ predstavlja defekt datuma geodetske mreže. Defekt datuma geodetske mreže jeste broj nedostajućih datumskih parametara.
- Datum geodetske mreže čine parametri koji definišu koordinatni sistem, odnosno parametri koji su neophodni za definisanje geodetske mreže po obliku, položaju i veličini.

Definisanje datuma geodetskih mreža

- Defekt datuma geodetske mreže zavisi od vrste merenih veličina u geodetskoj mreži.

Merene veličine	Datumski parametri			
	Translacije		Rotacija	Razmera
	t_Y	t_X	r_Z	s
Dužine	x	x	x	✓
Pravci	x	x	x	x
Uglovi	x	x	x	x
Azimuti	x	x	✓	x
GNSS 2D vektori	x	x	✓	✓

Klasičan način definisanja datuma geodetske mreže

- Kod klasičnog načina definisanja datuma fiksira se neophodan (minimalan) broj koordinata tačaka/repera mreže.
- **Primer – dvodimenzionalna geodetska mreža**

U mreži je planirano merenje pravaca i dužina, pa defekt datuma geodetske mreže iznosi 3 (definisana je razmera geodetske mreže). Shodno tome, fiksiramo koordinate Y_1 , X_1 i Y_3 .

Matrica datumskih uslova:

$$\mathbf{R}^T = \begin{matrix} & dY_1 & dX_1 & dY_2 & dX_2 & dY_3 & dX_3 & dY_4 & dX_4 & dZ_1 & dZ_2 \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} & \begin{matrix} t_Y \\ t_X \\ r_Z \end{matrix} \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{N} & \mathbf{R} \\ \mathbf{R}^T & \mathbf{0} \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} \mathbf{N}^- & \mathbf{R}^- \\ (\mathbf{R}^-)^T & \mathbf{0} \end{bmatrix} \quad \mathbf{Q}_{\hat{x}} = \mathbf{N}^-$$

**Kompletno rešenje zadatka dostupno je u fajlu
Inženjerska geodezija 2 - Zadatak 1 - Primer.xlsx.**

Definisanje datuma minimalnim tragom kofaktorske matrice $Q_{\hat{x}}$

- Kod ovog načina definisanja datuma sve tačke imaju jednak doprinos definiciji datuma geodetske mreže. Težište mreže predstavlja referentnu tačku mreže.
- **Primer – dvodimenzionalna geodetska mreža**

Matrica datumskih uslova formira se na sledeći način:

$$\mathbf{B}^T = \begin{bmatrix} dY_1 & dX_1 & dY_2 & dX_2 & dY_3 & dX_3 & dY_4 & dX_4 & dZ_1 & dZ_2 \\ 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 0 \\ -\xi_1 & \eta_1 & -\xi_2 & \eta_2 & -\xi_3 & \eta_3 & -\xi_4 & \eta_4 & 0 & 0 \\ \eta_1 & \xi_1 & \eta_2 & \xi_2 & \eta_3 & \xi_3 & \eta_4 & \xi_4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{matrix} t_Y \\ t_X \\ r_Z \\ s \end{matrix}$$

Kontrola računanja:

$$\mathbf{B}^T \mathbf{B} = \mathbf{E},$$

gde je \mathbf{E} jedinična matrica.

$$\xi_i = \frac{X_i - \bar{X}_0}{g}, \eta_i = \frac{Y_i - \bar{Y}_0}{g}$$

$$\bar{X}_0 = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m X_i, \bar{Y}_0 = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m Y_i$$

$$g = \sqrt{\sum_{i=1}^m (Y_i - \bar{Y}_0)^2 + \sum_{i=1}^m (X_i - \bar{X}_0)^2}$$

m – broj tačaka mreže

Definisanje datuma minimalnim tragom kofaktorske matrice $Q_{\hat{x}}$

Budući da je u mreži planirano merenje pravaca i dužina, definisana je razmera geodetske mreže, pa matrica datumskih uslova ima sledeći oblik:

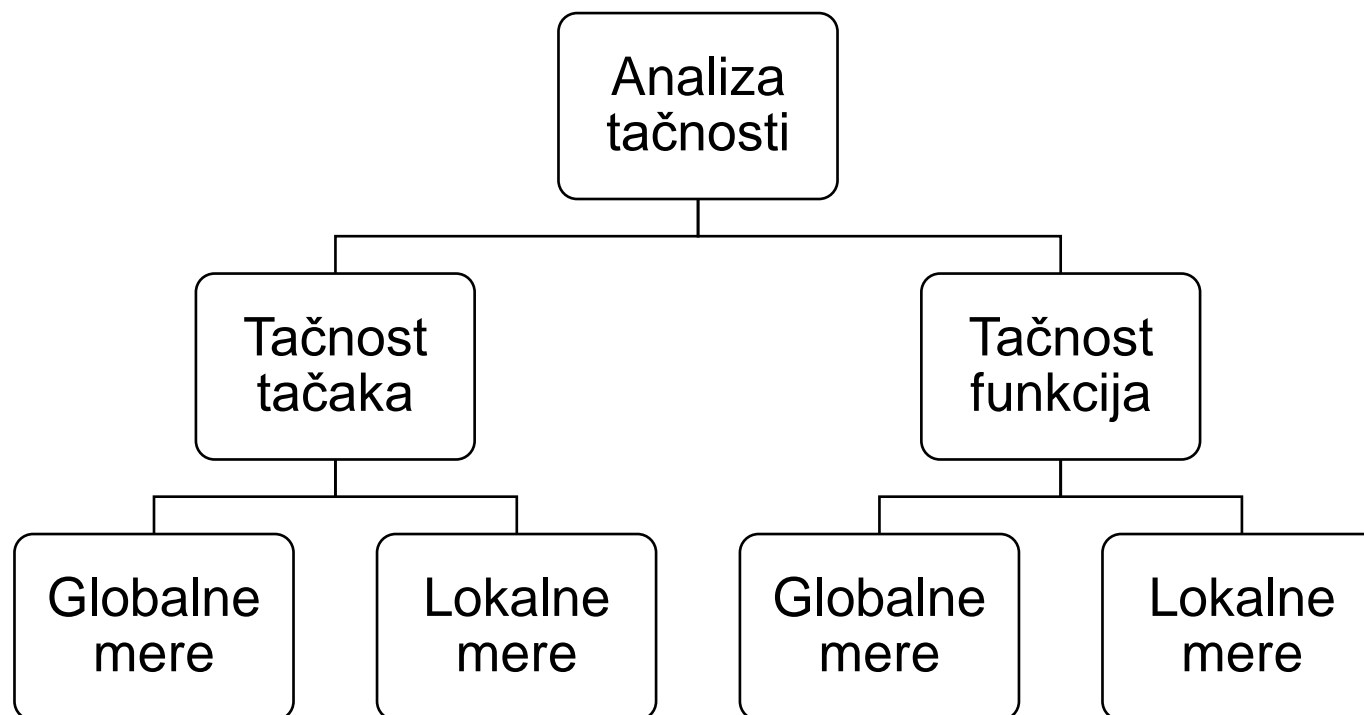
$$\mathbf{B}^T = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 1/\sqrt{m} & 0 & 0 \\ -\xi_1 & \eta_1 & -\xi_2 & \eta_2 & -\xi_3 & \eta_3 & -\xi_4 & \eta_4 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{matrix} t_Y \\ t_X \\ r_Z \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{N} & \mathbf{B} \\ \mathbf{B}^T & \mathbf{0} \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} \mathbf{N}^+ & \mathbf{B}^+ \\ (\mathbf{B}^+)^T & \mathbf{0} \end{bmatrix} \quad \mathbf{Q}_{\hat{x}} = \mathbf{N}^+$$

**Kompletno rešenje zadatka dostupno je u fajlu
Inženjerska geodezija 2 - Zadatak 1 - Primer.xlsx.**

Analiza tačnosti geodetskih mreža

- Ocena tačnosti može biti globalna ako se određuje jedna vrednost kao reprezent za ceo skup veličina u geodetskoj mreži ili lokalna ocena tačnosti ako se ona odnosi na pojedine veličine.



Analiza tačnosti geodetskih mreža

- Standardne devijacije koordinata tačaka

$$\hat{\sigma}_{Y_i} = \sigma_0 \sqrt{Q_{\hat{Y}_i \hat{Y}_i}}, \quad \hat{\sigma}_{X_i} = \sigma_0 \sqrt{Q_{\hat{X}_i \hat{X}_i}}$$

σ_0 - *a priori* standardna devijacija

$Q_{\hat{Y}_i \hat{Y}_i}, Q_{\hat{X}_i \hat{X}_i}$ - dijagonalni elementi kofaktorske matrice $\mathbf{Q}_{\hat{x}}$

$$\mathbf{Q}_{\hat{x}} = \begin{bmatrix} Q_{\hat{Y}_1 \hat{Y}_1} & Q_{\hat{Y}_1 \hat{X}_1} & \dots & \dots \\ Q_{\hat{X}_1 \hat{Y}_1} & Q_{\hat{X}_1 \hat{X}_1} & \ddots & \vdots \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ & & & Q_{\hat{Y}_m \hat{Y}_m} & Q_{\hat{Y}_m \hat{X}_m} \\ & & & Q_{\hat{X}_m \hat{Y}_m} & Q_{\hat{X}_m \hat{X}_m} \end{bmatrix}$$

- Standardne devijacije položaja tačaka

$$\hat{\sigma}_{P_i} = \sqrt{\hat{\sigma}_{Y_i}^2 + \hat{\sigma}_{X_i}^2}$$

Analiza tačnosti geodetskih mreža

- Elementi apsolutnih elipsi grešaka

$$\lambda_{1,i} = \frac{1}{2}(Q_{\hat{X}_i\hat{X}_i} + Q_{\hat{Y}_i\hat{Y}_i} + k), \quad \lambda_{2,i} = \frac{1}{2}(Q_{\hat{X}_i\hat{X}_i} + Q_{\hat{Y}_i\hat{Y}_i} - k)$$

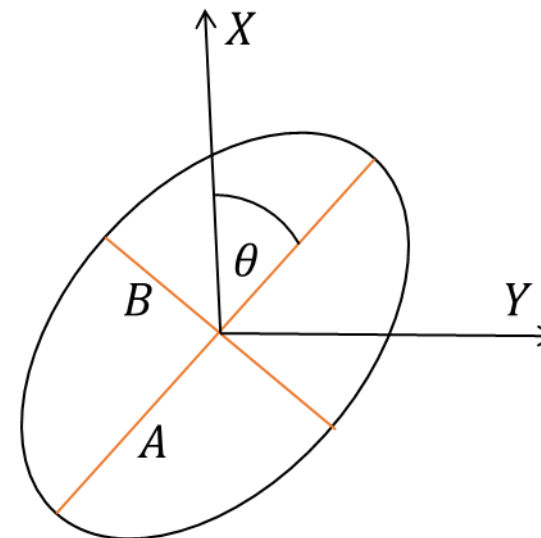
$$k = \sqrt{(Q_{\hat{X}_i\hat{X}_i} - Q_{\hat{Y}_i\hat{Y}_i})^2 + 4Q_{\hat{X}_i\hat{Y}_i}^2}$$

$$A_i = \sigma_0 \sqrt{\lambda_{1,i} \cdot \chi_{1-\alpha,f}^2}, \quad B_i = \sigma_0 \sqrt{\lambda_{2,i} \cdot \chi_{1-\alpha,f}^2}$$

$\chi_{1-\alpha,f}^2$ - kvantil χ^2 raspodele za nivo značajnosti α i broj stepeni slobode f

Za α usvojiti vrednost 0.05, broj stepeni slobode f iznosi 2 jer kod 2D mreža tačke imaju dve koord.

$\chi_{0.95,2}^2 = 5.99$, za $\alpha = 0.05$ i $f = 2$.



Excel: $\chi_{1-\alpha,f}^2 \rightarrow \text{CHIINV}(\alpha, f)$

Analiza tačnosti geodetskih mreža

$$\theta_i = \frac{1}{2} \left(\arctan \left(\frac{2Q_{\hat{X}_i\hat{Y}_i}}{Q_{\hat{X}_i\hat{X}_i} - Q_{\hat{Y}_i\hat{Y}_i}} \right) + KV \right)$$

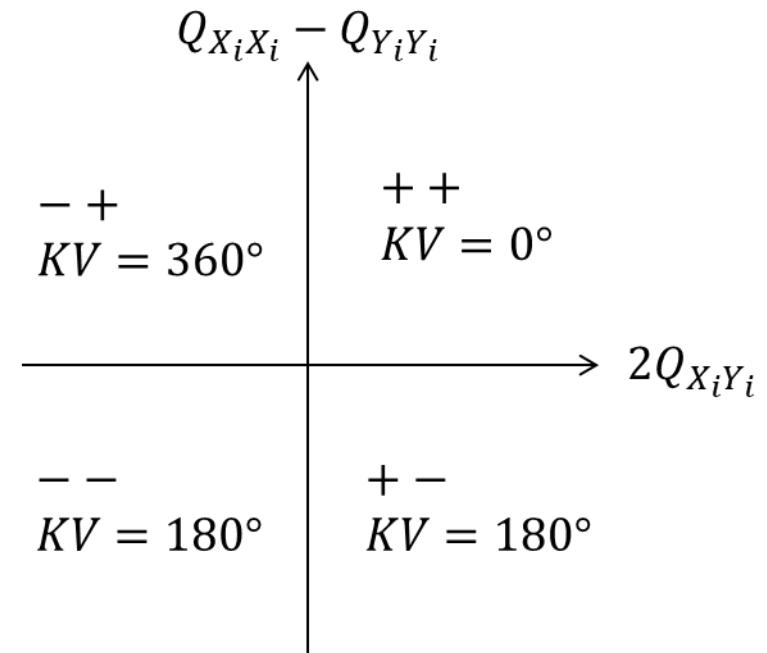
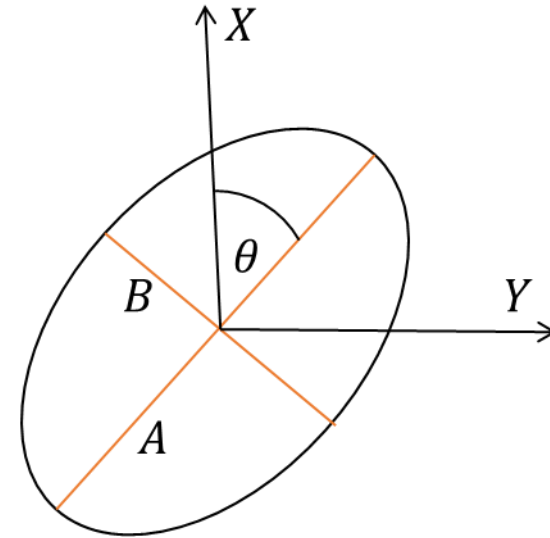
Primer:

$$2Q_{\hat{X}_i\hat{Y}_i} = -2$$

$$Q_{\hat{X}_i\hat{X}_i} - Q_{\hat{Y}_i\hat{Y}_i} = -2$$

$$KV = 180^\circ$$

$$\theta = \frac{1}{2} \left(\arctan \left(\frac{-2}{-2} \right) + KV \right) = \frac{1}{2} (45^\circ + 180^\circ)$$



Grafička interpretacija

- AutoCAD

ELLIPSE

C – Centar elipse

Y_D, X_D – Koordinate tačke D

Y_E, X_E – Koordinate tačke E

B – Mala poluosa elipse

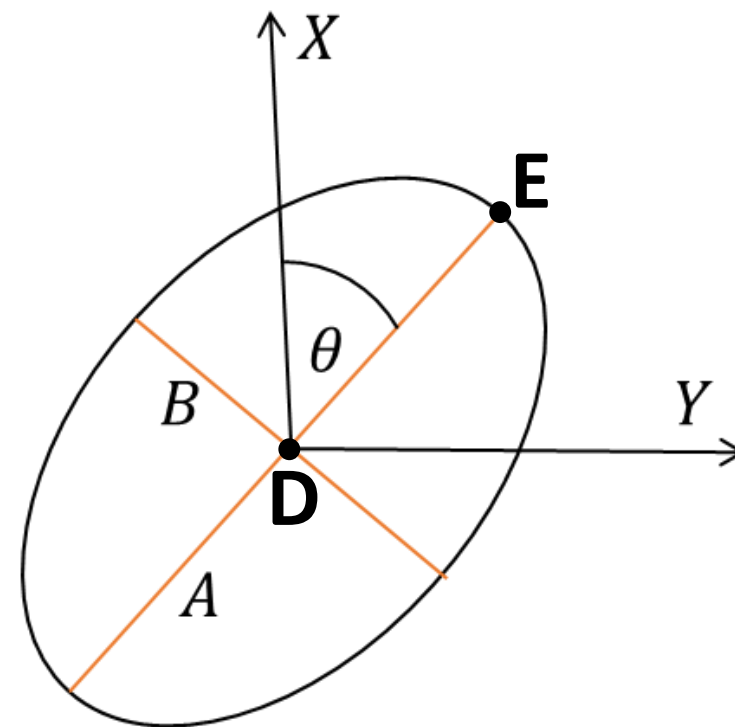
5 ELLIPSE

6 C

7 1254.3438,1814.407

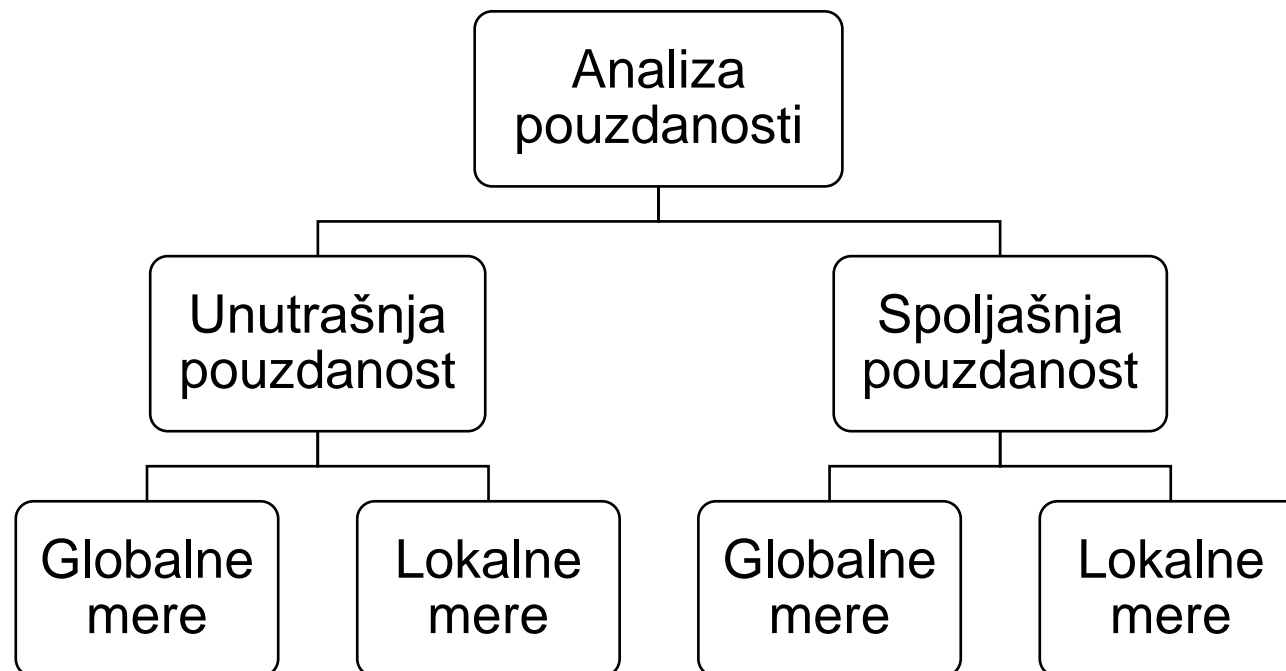
8 1264.63486860732,1813.8676466571

9 7.782867822



Analiza pouzdanosti geodetskih mreža

- Pouzdanost geodetske mreže predstavlja kvalitet predloženog rešenja sa aspekta mogućnosti otkrivanja grubih grešaka u merenjima (unutrašnja pouzdanost), i sa aspekta uticaja neotkrivenih grubih grešaka na ocene traženih veličina (spoljašnja pouzdanost).



Unutrašnja pouzdanost geodetskih mreža

- Koeficijenti unutrašnje pouzdanosti

$\mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{x}}} = \mathbf{A}\mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{y}}}\mathbf{A}^T$ - kofaktorska matrica izravnatih merenih veličina

$\mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{v}}} = \mathbf{P}^{-1} - \mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{x}}}$ - kofaktorska matrica popravaka merenih veličina

$$r_i = Q_{\hat{v}_i\hat{v}_i} \cdot P_i$$

$Q_{\hat{v}_i\hat{v}_i}$ - i -ti dijagonalni element matrice $\mathbf{Q}_{\hat{\mathbf{v}}}$

P_i - i -ti dijagonalni element matrice težina \mathbf{P}

Kontrola:

$$\sum r_i = f,$$

$f = n - u + d$ - broj stepeni slobode.

Koeficijent r_i predstavlja uticaj grube greške i -tog opažanja na i -tu popravku.

Verovatnoća otkrivanja grube greške je veća ukoliko je koeficijent r_i veći.

$r_i < 0.3$ – nepouzdana merenje, $r_i \geq 0.3$ – pouzdano merenje

Unutrašnja pouzdanost geodetskih mreža

- **Marginalna gruba greška koja se može otkriti *Data snooping* testom**

$$G_i = \frac{\sigma_0 \sqrt{\lambda_0}}{P_i \sqrt{Q \hat{v}_i \hat{v}_i}}, \sqrt{\lambda_0} - \text{parametar necentralnosti}$$

$$\sqrt{\lambda_0} = t_{1-\beta_0} + t_{1-\alpha_0/2}$$

$t_{1-\beta_0}$ - kvantil studentovog rasporeda za usvojenu moć testa

$t_{1-\alpha_0/2}$ - kvantil studentovog rasporeda za usvojeni nivo značajnosti

$$\sqrt{\lambda_0} = 0.842 + 1.96 = \mathbf{2.802}, \text{ za } 1 - \beta_0 = 0.80 \text{ i } \alpha_0 = 0.05.$$

Marginalna greška G_i predstavlja vrednost grube greške koja se može otkriti *Data snooping* testom, pod pretpostavkom postojanja samo jedne grube greške.

ZADATAK 1

- Prethodno navedene parametre tačnosti i pouzdanosti potrebno je sračunati za oba datumska rešenja:
 - a) Klasičan način definisanja datuma
 - b) Definisanje datuma minimalnim tragom kofaktorske matrice $\mathbf{Q}_{\hat{x}}$
- Proveriti da li su ispunjeni kriterijumi definisani u okviru projektnog zadatka:
 1. $\hat{\sigma}_{Y_i}, \hat{\sigma}_{X_i} < 5mm$
 2. $r_i \geq 0.3$
 3. $\frac{A}{B} \rightarrow 1$
 4. $|G_i| < 7\sigma_0$