

**FAKULTET TEHNIČKIH NAUKA
GEODEZIJA I GEOINFORMATIKA**

**TEHNIKE GEODETSKIH MERENJA
VEŽBA 1**

Vanr. prof. Marko Marković master inž. geodez.

mail: marko_m@uns.ac.rs

Internet sajt: geodezija.ftn.uns.ac.rs

NOVI SAD, 2023/2024

Sistemi visina

h – elipsoidna visina (GNSS)

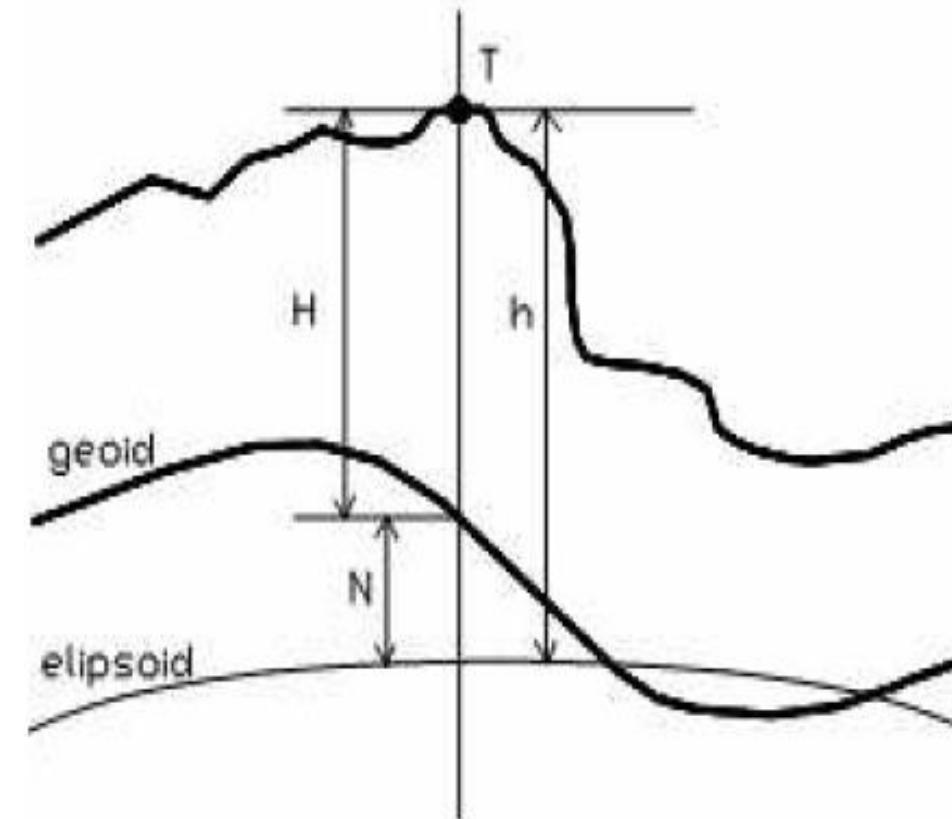
H – ortometrijska visina

N – visina geoida iznad referentnog elipsoida
(Undulacija geoida)

Veza između elipsoidne i ortometrijske visine:

$$h = H + N$$

Visine u odnosu na geoid nazivaju se
ortometrijske visine H , i one se koriste u
geodeziji, geodetskom premeru i inženjerskoj
geodeziji.



Slika 5.1. Površi geoida i elipsoida.

METODE ODREĐIVANJA VISINSKIH RAZLIKA

Postoji više metoda za određivanje visinskih razlika između dve tačke, koje se nazivaju:

1. Geometrijski nivelman,
2. Trigonometrijski nivelman,
3. Tahimetrijski nivelman,
4. Barometrijski nivelman,
5. Hidrostatički nivelman,
6. Gravimetrijski nivelman,
7. Inercijalni sistem pozicioniranja i
8. GNSS tehnologija.

PODELA GEOMETRIJSKOG NIVELMANA

Geometrijski nivelman se deli na:

- generalni i
- detaljni.

Generalnim nivelmanom se određuju nadmorske visine repera.

Detaljnim nivelmanom određuju se nadmorske visine detaljnih tačaka odnosno tačaka koje karakterišu teren u visinskom pogledu.

VRSTE GENERALNOG NIVELMANA U POGLEDU TAČNOSTI

DOZVOLJENO ODSTUPANJE U NIVELMANSKOM VLAKU		
POVOLJAN TEREN	$\Delta = \pm 10 * \sqrt{D + 0.04 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN POVEĆANE TAČNOSTI
	$\Delta = \pm 16 * \sqrt{D + 0.06 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN
NEPOVOLJAN TEREN	$\Delta = \pm 15 * \sqrt{D + 0.04 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN POVEĆANE TAČNOSTI
	$\Delta = \pm 24 * \sqrt{D + 0.06 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN
DOZVOLJENO ODSTUPANJE RAZLIKE NIVELANJA NAPRED – NAZAD		
POVOLJAN TEREN	$\Delta = \pm 20 * \sqrt{D + 0.04 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN POVEĆANE TAČNOSTI
	$\Delta = \pm 32 * \sqrt{D + 0.06 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN
NEPOVOLJAN TEREN	$\Delta = \pm 25 * \sqrt{D + 0.04 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN POVEĆANE TAČNOSTI
	$\Delta = \pm 40 * \sqrt{D + 0.06 * D^2}$	TEHNIČKI NIVELMAN

VRSTE GENERALNOG NIVELMANA U POGLEDU TAČNOSTI

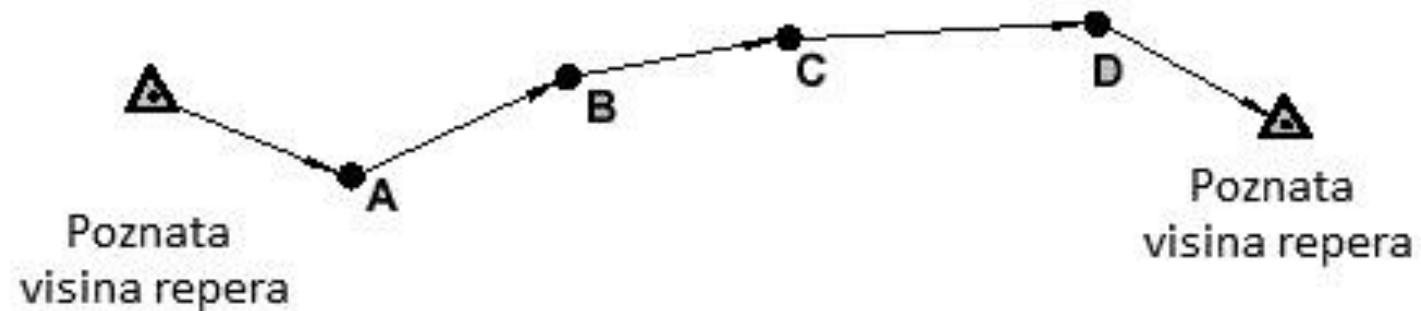
Vrsta nivelmana	Verovatna slučajna greška po km	Rastojanje u km		Način nivelanja visinskih razlika	
		U poligonu	Između repera	Na stanicu	Nivelmanske strane
Nivelman visoke tačnosti	±1 mm	250	7 – 8	2X	Napred Nazad
Precizni nivelman	±2 mm	75 – 250	4	2X	Napred Nazad
Tehnički nivelman povećane tačnosti	±5 mm	25 – 75	2	2X	Napred
Tehnički nivelman	±8 mm	25	1	1X	Napred

GEOMETRIJSKI NIVELMAN

- Nivelmanski reper je geodetska tačka stabilizovana na terenu koja ima određenu visinu u odnosu na unapred definisani vertikalni geodetski datum, a od koje se mogu određivati visine drugih tačaka
- Nivelmanska strana je rastojanje između dva repera po kojem je obavljeno nivelanje.
- Niz repera koji su međusobno povezani nivelanjem visinskih razlika naziva se nivelmanski vlak.
- Više međusobno povezanih nivelmanskih vlakova čine nivelmansku mrežu.

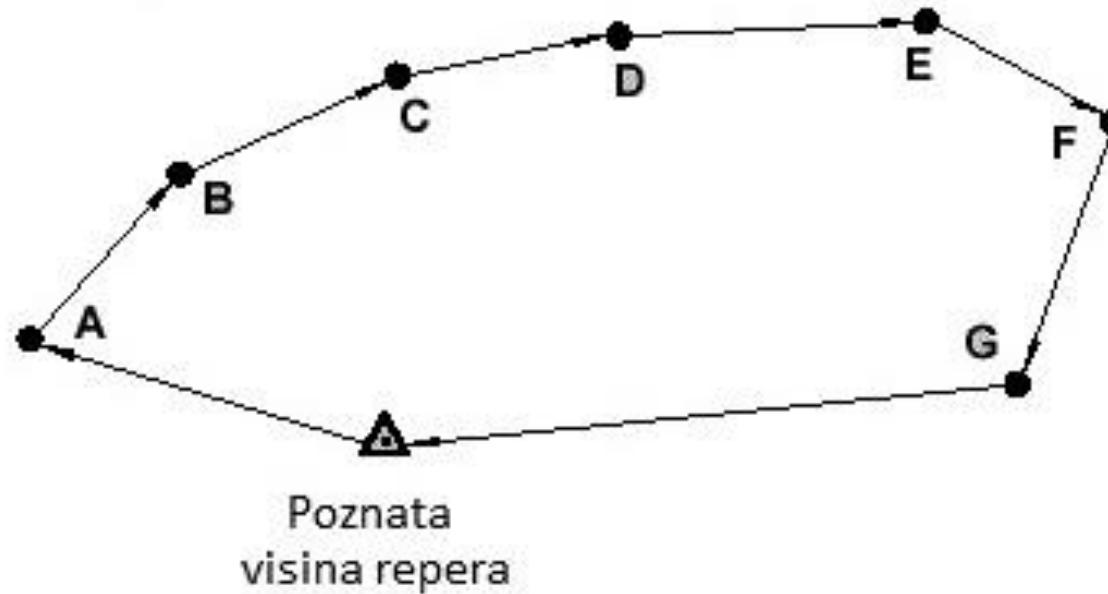
GEOMETRIJSKI NIVELMAN

- Nivelmanski vlak koji se na oba kraja oslanja na date repere (repere čije su nadmorske visine poznate) naziva se umetnuti nivelmanski vlak.



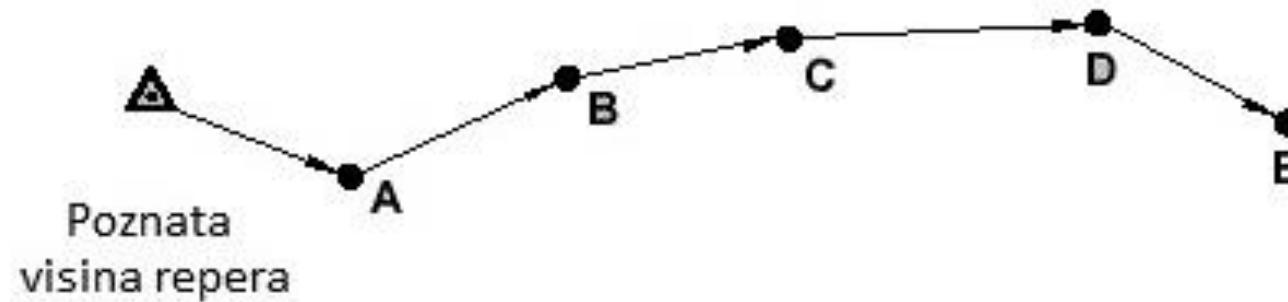
GEOMETRIJSKI NIVELMAN

- Nivelmanski vlak čiji početak i kraj se oslanjaju na isti reper, naziva se zatvorenni nivelmanski vlak.

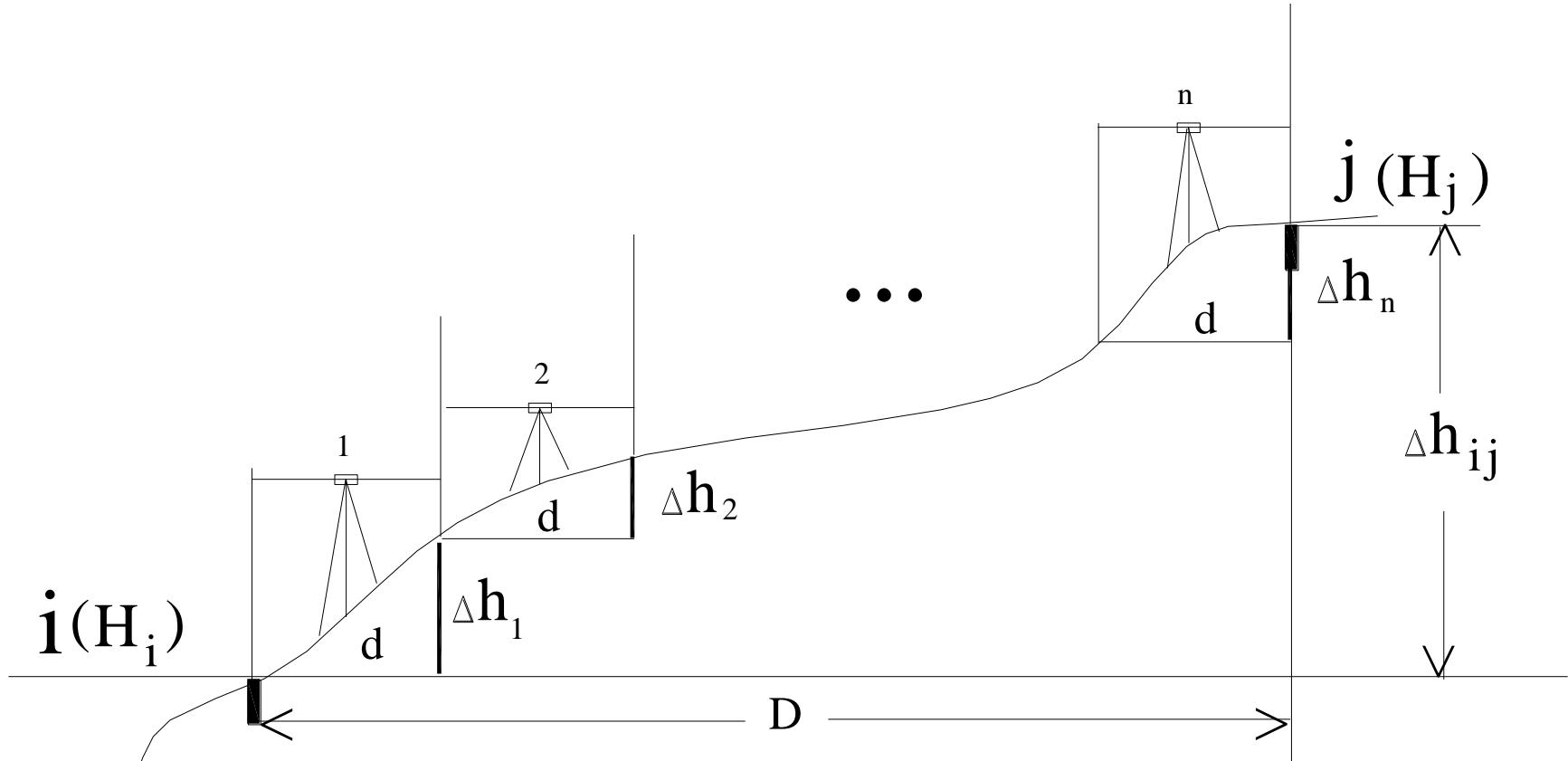


GEOMETRIJSKI NIVELMAN

- Nivelmanski vlak koji se samo jednim krajem oslanja na dati reper je slepi nivelmanski vlak.



GEOMETRIJSKI NIVELMAN



$$\Delta h_i^j = \Delta h_1 + \Delta h_2 + \dots + \Delta h_n$$

ZATVORENI NIVELMANSKI VLAK

Stanica	Vizurna tačka	Dužina (S)	Čitanje na letvi (l)	Δh_i	V_i	$\Delta h_i' = \Delta h_i + V_i$	$H_{i+1} = H_i + \Delta h_i'$
1	A	72	0,607				86.254
	a	72	1,919				
2	a	65	2,022				
	b	65	1,512				
3	b	70	1,824				
	c	70	1,942				
4	c	62	2,631				
	d	63	0,758				
5	d	68	1,357				
	e	68	1,906				
6	e	66	0,769				
	A	65	1,162				86.254
	Sum:						
			Sum Iz:				
			Sum Ip:				

ZATVORENI NIVELMANSKI VLAK

Stanica	Vizurna tačka	Dužina (S)	Čitanje na letvi (l)	Δh_i	V_i	$\Delta h_i' = \Delta h_i + V_i$	$H_{i+1} = H_i + \Delta h_i'$
1	A	72	0,607				86.254
	a	72	1,919	-1.312	-0.002	-1.314	84.940
2	a	65	2,022				
	b	65	1,512	0.51	-0.002	0.508	85.448
3	b	70	1,824				
	c	70	1,942	-0.118	-0.002	-0.120	85.328
4	c	62	2,631				
	d	63	0,758	1.873	-0.001	1.871	87.200
5	d	68	1,357				
	e	68	1,906	-0.549	-0.002	-0.551	86.649
6	e	66	0,769				
	A	65	1,162	-0.393	-0.002	-0.395	86.254
	Sum:	806		0.011	-0.011	0	86.254
		Sum Iz:	9.210				
		Sum Ip:	9.199				

TEŽINE GEOMETRIJSKOG NIVELMANA

Kada je teren za nivelanje povoljan, dužine vizura su približno iste ($S_1 = S_2 = \dots = S_n$).

U tom slučaju može se imati isti stepen poverenja u tačnost svake visinske razlike Δh_i .

Stepen poverenja tačnosti visinskih razlika nivelmanskih strana zavisi od dužina nivelmanskih strana.

Veći stepen poverenja imamo u visinske razlike nivelmanske strane koja je kraća.

TEŽINE GEOMETRIJSKOG NIVELMANA

Ako usvojimo da je stepen poverenja (težina) visinske razlike nivelmanske strane dužine $S=1$ km jednaka $P=1$, onda su težine ostalih nivelmanskih strana čije su dužine $S_i \neq 1$ km, $P\Delta h_i = 1/S_i$.

Kada je teren nepovoljan težine se mogu računati i kao $P\Delta h_i = k/\Delta_i^2$, gde je k pozitivna konstanta ($k=1, 10, 100, \dots$) a Δ_i – dozvoljeno odstupanje ili $P\Delta h_i = 1/n_i$, gde je n_i – broj stanica po strani.

TEŽINE GEOMETRIJSKOG NIVELMANA

Napisati postupak računanja i izračunati težine nivelmanskih strana za tehnički nivelman na nepovoljnem terenu na osnovu datih podataka (nivelanje Napred – Nazad):

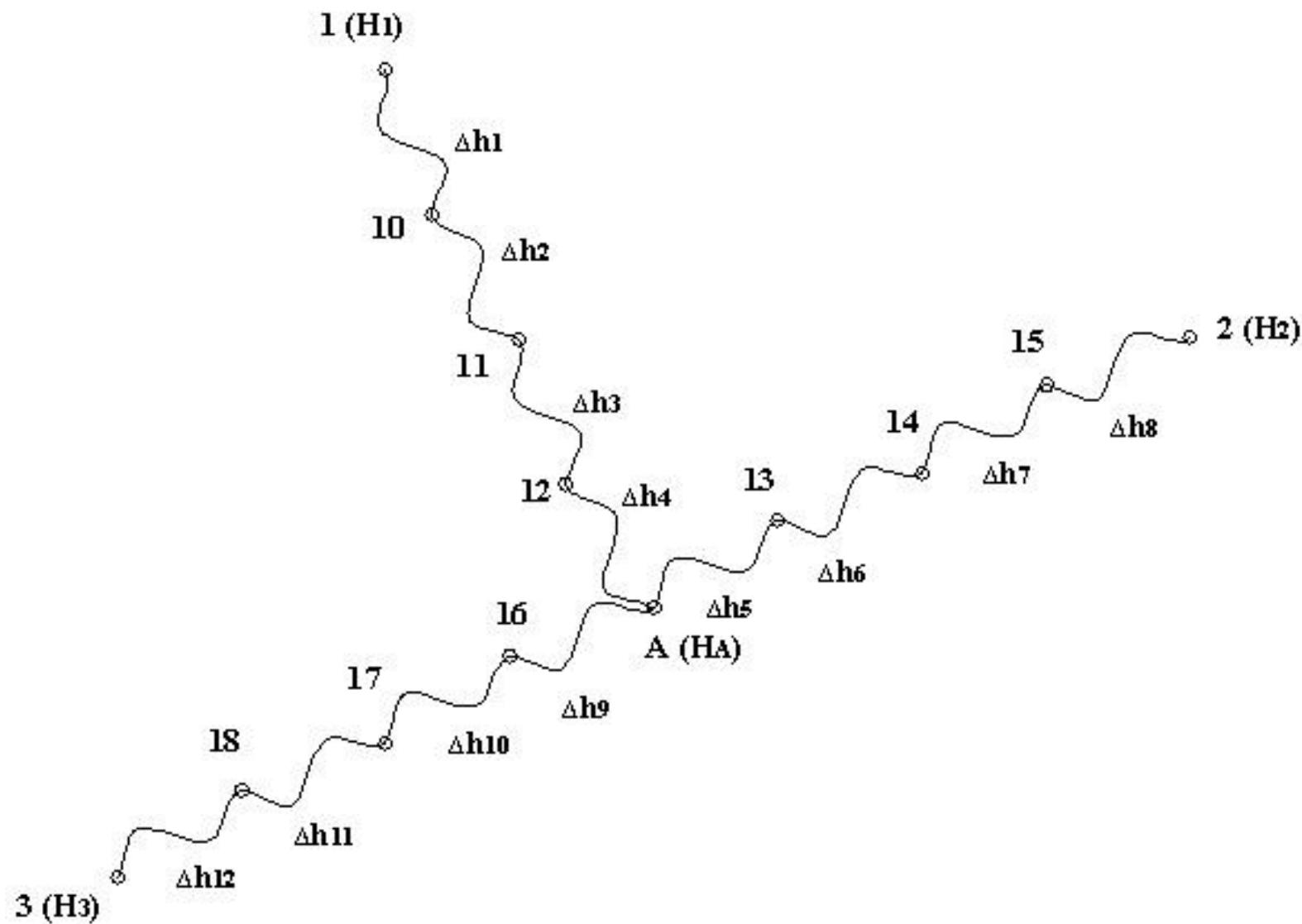
Tehnički nivelman - Nepovoljan teren:	
$S_1 =$	3.7
$S_2 =$	5.9
$P_1 = ?$	- dužine nivelmanskih strana
$P_2 = ?$	- težine nivelmanskih strana
$\Delta = \pm 40 * \sqrt{D + 0.06 * D^2}$	
Tehnički nivelman - Nepovoljan teren dozvoljeno odstupanje	
$P\Delta h_i = k/\Delta_i^2$	
$\Delta_1 =$	
$\Delta_2 =$	
$k =$	
$P\Delta h_1 =$	
$P\Delta h_2 =$	

TEŽINE GEOMETRIJSKOG NIVELMANA

Napisati postupak računanja i izračunati težine nivelmanskih strana za tehnički nivelman na nepovoljnem terenu na osnovu datih podataka (nivelanje Napred – Nazad):

Tehnički nivelman - Nepovoljan teren:	
$S_1 =$	3.7
$S_2 =$	5.9
$P_1 = ?$	- dužine nivelmanskih strana
$P_2 = ?$	- težine nivelmanskih strana
$\Delta = \pm 40 * \sqrt{D + 0.06 * D^2}$	
Tehnički nivelman - Nepovoljan teren dozvoljeno odstupanje	
$P\Delta h_i = k/\Delta_i^2$	
$\Delta_1 =$	85.054
$\Delta_2 =$	113.056
$k =$	1000
$P\Delta h_1 =$	0.138
$P\Delta h_2 =$	0.078

ČVORNI REPER



ČVORNI REPER

$$H_{A1} = \Delta H_1 + H_1; \Delta H_1 = \Delta h_1 + \Delta h_2 + \Delta h_3 + \Delta h_4 \quad \delta H_1 = H_{A1} - H_0; H_{A1} = H_0 + \delta H_1$$

$$H_{A2} = \Delta H_2 + H_2; \Delta H_2 = \Delta h_5 + \Delta h_6 + \Delta h_7 + \Delta h_8 \quad \delta H_2 = H_{A2} - H_0; H_{A2} = H_0 + \delta H_2$$

$$H_{A3} = \Delta H_3 + H_3; \Delta H_3 = \Delta h_9 + \Delta h_{10} + \Delta h_{11} + \Delta h_{12} \quad \delta H_3 = H_{A3} - H_0; H_{A3} = H_0 + \delta H_3$$

$$P_1 = \frac{k}{S_1}; P_2 = \frac{k}{S_2}; P_3 = \frac{k}{S_3} \quad H_0 = H_{\min}(H_{Ai,\min})$$

$$H_A = \frac{P_1 H_1 + P_2 H_2 + P_3 H_3}{P_1 + P_2 + P_3}$$

$$H_A = \frac{P_1(H_0 + \delta H_1) + P_2(H_0 + \delta H_2) + P_3(H_0 + \delta H_3)}{P_1 + P_2 + P_3}$$

$$H_A = \frac{P_1 H_0 + P_1 \delta H_1 + P_2 H_0 + P_2 \delta H_2 + P_3 H_0 + P_3 \delta H_3}{P_1 + P_2 + P_3}$$

$$H_A = \frac{H_0(P_1 + P_2 + P_3) + P_1 \delta H_1 + P_2 \delta H_2 + P_3 \delta H_3}{P_1 + P_2 + P_3}$$

$$H_A = H_0 + \frac{P_1 \delta H_1 + P_2 \delta H_2 + P_3 \delta H_3}{P_1 + P_2 + P_3}$$

$$H_A = H_0 + \frac{\sum_{i=1}^3 P_i \delta H_i}{\sum_{i=1}^3 P_i}$$

KONTROLA

$$\sum_{i=1}^n P_i V_i = \sum_{i=1}^n P_i f h_i = 0$$

$$V_1 = f h_1 = H_A - H_{A1}$$

$$V_2 = f h_2 = H_A - H_{A2}$$

$$V_3 = f h_3 = H_A - H_{A3}$$